

# Fondamenti di Informatica (Elettronici)

THINK JULIA – Capitolo 16

4 dicembre 2020

## 16. Strutture e funzioni<sup>1</sup>

- 1 Tempo
- 2 Funzioni pure
- 3 Modificatori
- 4 Prototipazione contro pianificazione
- 5 Debug
- 6 Glossario
- 7 Esercizi

---

<sup>1</sup>Tratto da <https://benlauwens.github.io/ThinkJulia.jl/latest/book.html>, disponibile sotto Licenza 'Creative Commons Attribution-NonCommercial 3.0 Unported'.

Ora che sappiamo come creare nuovi tipi compositi, il passaggio successivo consiste nello scrivere funzioni che accettano oggetti definiti dal programmatore come parametri e li restituiscono come risultati.

In questo capitolo presentiamo anche lo “stile di programmazione funzionale” e due nuove strategie di sviluppo del programma.

# Section 1

## Tempo

## MyTime: esempio di struct

Come altro [esempio di un tipo composto](#), definiremo [una struct chiamata MyTime](#) che registra l'ora del giorno.

La [definizione struct](#) ha questo aspetto:

```
"""
Represents the time of day.
fields: hour, minute, second
"""
struct MyTime
    hour
    minute
    second
end
```

Il nome "Time" è [già utilizzato](#) in Julia e per evitare un [conflitto di nomi](#), scegliamo "MyTime". Possiamo creare un [nuovo oggetto](#) MyTime:

```
julia> time = MyTime(11, 59, 30)
MyTime(11, 59, 30)
```

# Diagramma dell'oggetto

Il **diagramma oggetto** per l'oggetto MyTime è **simile al diagramma** dell'oggetto in figura

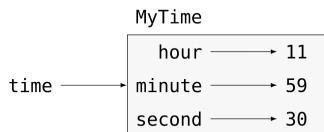


Figure 22. Object diagram

## Esercizio 16-1

Scrivete una **funzione chiamata printtime** che prenda un **oggetto MyTime** e lo **stampi** nella **forma ora: minuto: secondo**. La **macro @printf** del modulo Printf di StdLib stampa un **numero intero** con la sequenza di formato “%02d” utilizzando **almeno due cifre**, incluso uno zero iniziale se necessario.

## Esercizio 16-2

Scrivete una **funzione booleana chiamata isafter** che accetti **due oggetti MyTime**, t1 e t2, e **restituisce true** se t1 **segue cronologicamente** t2 e **false** altrimenti.

**Sfida: non utilizzare** un'istruzione if.

## Section 2

# Funzioni pure

## Strategia di progetto: Prototipo e patch

Nelle prossime sezioni scriveremo **due funzioni** che **sommano valori temporali**.

Mostrano **due tipi** di funzioni: **funzioni pure** e **modificatori**.

Dimostrano anche un **piano di sviluppo** che chiamerò **prototipo e patch**, che è un modo per **affrontare un problema complesso** partendo da un **semplice prototipo** e affrontando in **modo incrementale** le **complicazioni**.

Ecco un **semplice prototipo** di “addtime”:

```
function addtime(t1, t2)
    MyTime(t1.hour + t2.hour, t1.minute + t2.minute, t1.second + t2
end
```



## Prototipo addtime: inizio del lavoro

La funzione crea un nuovo oggetto `MyTime`, inizializza i suoi campi e restituisce un riferimento al nuovo oggetto.

Questa è chiamata una **funzione pura** perché **non modifica** nessuno degli oggetti **passati come argomenti** e non ha alcun **effetto**, come **visualizzare un valore** o ottenere l'**input dell'utente**, oltre alla **restituzione di un valore**.

Per **testare** questa funzione, creerò **due oggetti MyTime**: `start` contiene l'**ora di inizio di un film**, come `Monty Python` e `Holy Grail`, e `duration` contiene la **durata** del film, che è **un'ora e 35 minuti**.

“addtime” **scopre** quando il film **sarà finito**.

```
julia> start = MyTime(9, 45, 0);
julia> duration = MyTime(1, 35, 0);
julia> done = addtime(start, duration);
julia> printtime(done)
10:80:00
```

## Raffinamento del prototipo “addtime”

Il risultato, 10:80:00, potrebbe non essere quello che volevamo. Il problema è che questa funzione non si occupa dei casi in cui il numero di secondi o minuti supera i sessanta.

Quando ciò accade, dobbiamo “portare” i “secondi” extra nella colonna “minuti” o i “minuti” extra nella colonna “ora”. Ecco una versione migliorata:

```
function addtime(t1, t2)
  second = t1.second + t2.second
  minute = t1.minute + t2.minute
  hour = t1.hour + t2.hour
  if second >= 60
    second -= 60
    minute += 1
  end
  if minute >= 60
    minute -= 60
    hour += 1
  end
  MyTime(hour, minute, second)
end
```

Sebbene questa funzione sia corretta, sta iniziando a diventare lunga. Più avanti vedremo un'alternativa più breve.

## Section 3

# Modificatori

## Funzione di modifica “increment!”

A volte è **utile** che una funzione **modifichi gli oggetti** che ottiene come **parametri**.

In tal caso, le **modifiche sono visibili al chiamante**. Le **funzioni** che funzionano in **questo modo** sono chiamate **modificatori**.

`increment!`, che **aggiunge** un dato numero di **secondi** a un oggetto `MyTime`, può essere **scritta naturalmente** come un **modificatore**. Ecco una **bozza approssimativa**:

```
function increment!(time, seconds)
    time.second += seconds
    if time.second >= 60
        time.second -= 60
        time.minute += 1
    end
    if time.minute >= 60
        time.minute -= 60
        time.hour += 1
    end
end
```

## Ulteriori affinamenti

La prima riga esegue l'**operazione di base**; il resto riguarda i **casi speciali** che abbiamo visto prima.

Questa **funzione è corretta**? Cosa succede se i **secondi** sono **molto maggiori di 60**?

In tal caso, **non è sufficiente "riportare" una volta**; dobbiamo continuare a farlo fino a quando **"time.second" è inferiore a sessanta**.

Una **soluzione** è **sostituire** le **istruzioni "if"** con le **istruzioni "while"**.

Ciò renderebbe la **funzione corretta**, ma **non molto efficiente**.

## Ulteriori affinamenti

La prima riga esegue l'**operazione di base**; il resto riguarda i **casi speciali** che abbiamo visto prima.

Questa **funzione è corretta**? Cosa succede se i **secondi** sono **molto maggiori di 60**?

In tal caso, **non è sufficiente "riportare" una volta**; dobbiamo continuare a farlo fino a quando **"time.second" è inferiore a sessanta**.

Una **soluzione** è **sostituire** le **istruzioni "if"** con le **istruzioni "while"**.

Ciò renderebbe la **funzione corretta**, ma **non molto efficiente**.

### Esercizio 16-3

Scrivi una **versione corretta** di `increment!` che **non contenga alcun loop**.

# Stile di programmazione funzionale

Tutto ciò che può essere fatto con i modificatori può essere fatto anche con funzioni pure.

In effetti, alcuni linguaggi di programmazione consentono solo funzioni pure.

Esistono alcune prove che i programmi che utilizzano funzioni pure sono più veloci da sviluppare e meno soggetti a errori rispetto ai programmi che utilizzano modificatori.

Ma i modificatori a volte sono convenienti e i programmi funzionali tendono ad essere meno efficienti.

In generale, ti consiglio di scrivere funzioni pure ogni volta che è ragionevole e di ricorrere a modificatori solo se c'è un vantaggio convincente.

Questo approccio potrebbe essere definito uno stile di programmazione funzionale.

# Stile di programmazione funzionale

Tutto ciò che può essere fatto con i modificatori può essere fatto anche con funzioni pure.

In effetti, alcuni linguaggi di programmazione consentono solo funzioni pure.

Esistono alcune prove che i programmi che utilizzano funzioni pure sono più veloci da sviluppare e meno soggetti a errori rispetto ai programmi che utilizzano modificatori.

Ma i modificatori a volte sono convenienti e i programmi funzionali tendono ad essere meno efficienti.

In generale, ti consiglio di scrivere funzioni pure ogni volta che è ragionevole e di ricorrere a modificatori solo se c'è un vantaggio convincente.

Questo approccio potrebbe essere definito uno stile di programmazione funzionale.

## Esercizio 16-4

Scrivi una versione “pura” di `increment` che crei e restituisca un nuovo oggetto `MyTime` invece di modificare il parametro.



## Section 4

# Prototipazione contro pianificazione

# Modello (pattern) di sviluppo progettato

Il **piano di sviluppo** che sto dimostrando si chiama “**prototipo e patch**”.

- Per ogni **funzione**, ho **scritto un prototipo** che ha eseguito il **calcolo di base** e poi l'ho **testato**, **correggendo gli errori** lungo il percorso.

# Modello (pattern) di sviluppo progettato

Il **piano di sviluppo** che sto dimostrando si chiama “**prototipo e patch**”.

- Per ogni **funzione**, ho **scritto un prototipo** che ha eseguito il **calcolo di base** e poi l'ho **testato**, **correggendo gli errori** lungo il percorso.
- Questo **approccio** può essere **efficace**, soprattutto se **non** hai ancora una **conoscenza approfondita** del problema.

# Modello (pattern) di sviluppo progettato

Il **piano di sviluppo** che sto dimostrando si chiama “**prototipo e patch**”.

- Per ogni **funzione**, ho **scritto un prototipo** che ha eseguito il **calcolo di base** e poi l'ho **testato**, **correggendo gli errori** lungo il percorso.
- Questo **approccio** può essere **efficace**, soprattutto se **non** hai ancora una **conoscenza approfondita** del problema.
- Ma le **correzioni incrementali** possono generare codice **inutilmente complicato**, poiché si occupa di **molti casi speciali**, e **inaffidabile**, poiché è **difficile sapere** se sono stati rilevati **tutti gli errori**.

# Modello (pattern) di sviluppo progettato

Il **piano di sviluppo** che sto dimostrando si chiama “**prototipo e patch**”.

- Per ogni **funzione**, ho **scritto un prototipo** che ha eseguito il **calcolo di base** e poi l'ho **testato**, **correggendo gli errori** lungo il percorso.
- Questo **approccio** può essere **efficace**, soprattutto se **non** hai ancora una **conoscenza approfondita** del problema.
- Ma le **correzioni incrementali** possono generare codice **inutilmente complicato**, poiché si occupa di **molti casi speciali**, e **inaffidabile**, poiché è **difficile sapere** se sono stati rilevati **tutti gli errori**.
- Un'**alternativa** è lo **sviluppo progettato**, in cui una **visione di alto livello** del problema può rendere la **programmazione** molto più **semplice**.

# Modello (pattern) di sviluppo progettato

Il **piano di sviluppo** che sto dimostrando si chiama “**prototipo e patch**”.

- Per ogni **funzione**, ho **scritto un prototipo** che ha eseguito il **calcolo di base** e poi l'ho **testato**, **correggendo gli errori** lungo il percorso.
- Questo **approccio** può essere **efficace**, soprattutto se **non** hai ancora una **conoscenza approfondita** del problema.
- Ma le **correzioni incrementali** possono generare codice **inutilmente complicato**, poiché si occupa di **molti casi speciali**, e **inaffidabile**, poiché è **difficile sapere** se sono stati rilevati **tutti gli errori**.
- Un'**alternativa** è lo **sviluppo progettato**, in cui una **visione di alto livello** del problema può rendere la **programmazione** molto più **semplice**.
- In questo caso, **l'intuizione** è che un **oggetto Time** è in realtà un **numero di tre cifre in base 60** (vedere <https://en.wikipedia.org/wiki/Sexagesimal>)!

# Modello (pattern) di sviluppo progettato

Il **piano di sviluppo** che sto dimostrando si chiama “**prototipo e patch**”.

- Per ogni **funzione**, ho **scritto un prototipo** che ha eseguito il **calcolo di base** e poi l'ho **testato**, **correggendo gli errori** lungo il percorso.
- Questo **approccio** può essere **efficace**, soprattutto se **non** hai ancora una **conoscenza approfondita** del problema.
- Ma le **correzioni incrementali** possono generare codice **inutilmente complicato**, poiché si occupa di **molti casi speciali**, e **inaffidabile**, poiché è **difficile sapere** se sono stati rilevati **tutti gli errori**.
- Un'**alternativa** è lo **sviluppo progettato**, in cui una **visione di alto livello** del problema può rendere la **programmazione** molto più **semplice**.
- In questo caso, **l'intuizione** è che un **oggetto Time** è in realtà un **numero di tre cifre in base 60** (vedere <https://en.wikipedia.org/wiki/Sexagesimal>)!
- Il secondo **attributo** è la “colonna delle unità”, l'**attributo dei minuti** è la “colonna dei sessanta” e l'**attributo dell'ora** è la “colonna delle trentasei centinaia”.

## Funzione timetoint

Quando abbiamo scritto `addtime` e `increment!`, stavamo effettivamente facendo l'addizione in base 60, motivo per cui dovevamo passare da una colonna all'altra.

Questa osservazione suggerisce un altro approccio all'intero problema: possiamo convertire gli oggetti "MyTime" in numeri interi e trarre vantaggio dal fatto che il computer sa come eseguire operazioni aritmetiche su interi.

Ecco una funzione che converte "mytimes" in numeri interi:

```
function timetoint(time)
    minutes = time.hour * 60 + time.minute
    seconds = minutes * 60 + time.second
end
```



## Versione più corta dell'originale e più facile da verificare

Ed ecco una **funzione** che **converte un intero in un MyTime** (ricorda che **divrem** divide il **primo argomento** per il **secondo** e restituisce il **quoziente** e il **resto** come una **tupla**):

```
function inttotime(seconds)
    (minutes, second) = divrem(seconds, 60)
    hour, minute = divrem(minutes, 60)
    MyTime(hour, minute, second)
end
```

## Versione più corta dell'originale e più facile da verificare

Ed ecco una **funzione** che **converte un intero in un MyTime** (ricorda che **divrem** divide il **primo argomento** per il **secondo** e restituisce il **quoziente** e il **resto** come una **tupla**):

```
function inttotime(seconds)
    (minutes, second) = divrem(seconds, 60)
    hour, minute = divrem(minutes, 60)
    MyTime(hour, minute, second)
end
```

Potrebbe essere necessario **pensare** un po' ed **eseguire** alcuni **test** per convincersi che queste **funzioni sono corrette**.

Un **modo per testarle** è controllare che **timetoint(inttotime(x)) == x** per **molti valori** di **x**. Questo è un esempio di **controllo di coerenza**.

Una volta che sei **convinto** che siano **corrette**, puoi **usarle** per **riscrivere addtime**:

```
function addtime(t1, t2)
    seconds = timetoint(t1) + timetoint(t2)
    inttotime(seconds)
end
```

## Riscrivi “increment!” usando “timetoint” e “inttotime”

In un certo senso, la **conversione da base 60 a base 10** e **viceversa** è più difficile che gestire i tempi.

La **conversione di base** è **più astratta**; la nostra intuizione nell'affrontare i valori del **tempo** è migliore.

Ma se abbiamo l'**intuizione** di **trattare i tempi** come **numeri in base 60** e fare l'**investimento** nella scrittura delle\*\* funzioni di conversione\*\* (timetoint e inttotime), otteniamo un **programma più breve**, più **facile da leggere ed eseguire il debug** e più **affidabile**.

## Riscrivi “increment!” usando “timetoint” e “inttotime”

In un certo senso, la **conversione da base 60 a base 10** e **viceversa** è più difficile che gestire i tempi.

La **conversione di base** è **più astratta**; la nostra intuizione nell'affrontare i valori del **tempo** è migliore.

Ma se abbiamo l'**intuizione** di **trattare i tempi** come **numeri in base 60** e fare l'**investimento** nella scrittura delle\*\* funzioni di conversione\*\* (timetoint e inttotime), otteniamo un **programma più breve**, **più facile da leggere ed eseguire** il **debug** e più **affidabile**.

- È anche più facile **aggiungere funzionalità** in un **secondo momento**.

## Riscrivi “increment!” usando “timetoint” e “inttotime”

In un certo senso, la **conversione da base 60 a base 10** e **viceversa** è più difficile che gestire i tempi.

La **conversione di base** è **più astratta**; la nostra intuizione nell'affrontare i valori del **tempo** è migliore.

Ma se abbiamo l'**intuizione** di **trattare i tempi** come **numeri in base 60** e fare l'**investimento** nella scrittura delle\*\* funzioni di conversione\*\* (timetoint e inttotime), otteniamo un **programma più breve**, **più facile da leggere ed eseguire il debug** e più **affidabile**.

- È anche più facile **aggiungere funzionalità** in un **secondo momento**.
- Immagina di **sottrarre due MyTime** per **trovare l'intervallo** tra di loro.

## Riscrivi “increment!” usando “timetoint” e “inttotime”

In un certo senso, la **conversione da base 60 a base 10** e **viceversa** è più difficile che gestire i tempi.

La **conversione di base** è **più astratta**; la nostra intuizione nell'affrontare i valori del **tempo** è migliore.

Ma se abbiamo l'**intuizione** di **trattare i tempi** come **numeri in base 60** e fare l'**investimento** nella scrittura delle\*\* funzioni di conversione\*\* (timetoint e inttotime), otteniamo un **programma più breve**, **più facile da leggere ed eseguire il debug** e più **affidabile**.

- È anche più facile **aggiungere funzionalità** in un **secondo momento**.
- Immagina di **sottrarre due MyTime** per **trovare l'intervallo** tra di loro.
- L'approccio **ingenuo** sarebbe quello di implementare la **sottrazione con il prestito**.

## Riscrivi “increment!” usando “timetoint” e “inttotime”

In un certo senso, la **conversione da base 60 a base 10** e **viceversa** è più difficile che gestire i tempi.

La **conversione di base** è **più astratta**; la nostra intuizione nell'affrontare i valori del **tempo** è migliore.

Ma se abbiamo l'**intuizione** di **trattare i tempi** come **numeri in base 60** e fare l'**investimento** nella scrittura delle\*\* funzioni di conversione\*\* (timetoint e inttotime), otteniamo un **programma più breve**, **più facile da leggere** ed **eseguire il debug** e più **affidabile**.

- È anche più facile **aggiungere funzionalità** in un **secondo momento**.
- Immagina di **sottrarre due MyTime** per **trovare l'intervallo** tra di loro.
- L'approccio **ingenuo** sarebbe quello di implementare la **sottrazione con il prestito**.
- L'utilizzo delle **funzioni di conversione** sarebbe **più semplice** e **più probabile** che **sia corretto**.

## Riscrivi “increment!” usando “timetoint” e “inttotime”

In un certo senso, la **conversione da base 60 a base 10** e **viceversa** è più difficile che gestire i tempi.

La **conversione di base** è **più astratta**; la nostra intuizione nell'affrontare i valori del **tempo** è migliore.

Ma se abbiamo l'**intuizione** di **trattare i tempi** come **numeri in base 60** e fare l'**investimento** nella scrittura delle\*\* funzioni di conversione\*\* (timetoint e inttotime), otteniamo un **programma più breve**, **più facile da leggere** ed **eseguire il debug** e più **affidabile**.

- È anche più facile **aggiungere funzionalità** in un **secondo momento**.
- Immagina di **sottrarre due MyTime** per **trovare l'intervallo** tra di loro.
- L'approccio **ingenuo** sarebbe quello di implementare la **sottrazione con il prestito**.
- L'utilizzo delle **funzioni di conversione** sarebbe **più semplice** e **più probabile** che **sia corretto**.
- Ironia della sorte, a volte rendere un problema **più difficile** (o più **generale**) lo



## Section 5

# Debug

## Invariant predicate requirements

Un oggetto “MyTime” è ben formato se i valori di “minute” e “second” sono compresi tra 0 e 60 (incluso 0 ma non 60) e se “hour” è positivo.

“hour” e “minute” dovrebbero essere valori interi, ma potremmo consentire a “second” di avere una parte frazionaria.

Requisiti come questi sono chiamati invarianti perché dovrebbero sempre essere veri.

In altre parole, se le invarianti “sono false”, qualcosa è andato storto.

## Scrivi il codice per controllare le invarianti

Scrivere **codice** per **controllare le invarianti** può aiutare a **rilevare gli errori** e **trovarne le cause**.

Ad **esempio**, potresti avere una funzione **come isvalidtime** che **accetta** un oggetto MyTime e **restituisce** false se **viola un invariante**:

```
function isvalidtime(time)
    if time.hour < 0 || time.minute < 0 || time.second < 0
        return false
    end
    if time.minute >= 60 || time.second >= 60
        return false
    end
    true
end
```

## Verificare la validità degli argomenti

All'inizio di ogni funzione puoi controllare gli argomenti per assicurarti che siano validi:

```
function addtime(t1, t2)
    if !isvalidtime(t1) || !isvalidtime(t2)
        error("invalid MyTime object in add_time")
    end
    seconds = timetoint(t1) + timetoint(t2)
    inttotime(seconds)
end
```

## @assert macro

Oppure potresti usare una macro `@assert`, che controlla un dato invariante e genera un'eccezione se fallisce:

```
function addtime(t1, t2)
    @assert(isvalidtime(t1) && isvalidtime(t2), "invalid MyTime")
    seconds = timetoint(t1) + timetoint(t2)
    inttotime(seconds)
end
```

Le macro `@assert` sono utili perché distinguono il codice che si occupa di condizioni normali dal codice che controlla gli errori.

## Section 6

### Glossario

# Glossario

prototipo e patch Un **piano di sviluppo** che prevede la scrittura di una **bozza approssimativa** di un programma, il **test** e la **correzione degli errori** non appena vengono rilevati.

# Glossario

**prototipo e patch** Un **piano di sviluppo** che prevede la scrittura di una **bozza approssimativa** di un programma, il **test** e la **correzione degli errori** non appena vengono rilevati.

**sviluppo progettato** Un **piano di sviluppo** che implica una visione **di alto livello** del **problema** e una pianificazione maggiore rispetto allo **sviluppo incrementale** o allo **sviluppo di prototipi**.



# Glossario

- prototipo e patch** Un **piano di sviluppo** che prevede la scrittura di una **bozza approssimativa** di un programma, il **test** e la **correzione degli errori** non appena vengono rilevati.
- sviluppo progettato** Un **piano di sviluppo** che implica una visione **di alto livello** del **problema** e una pianificazione maggiore rispetto allo **sviluppo incrementale** o allo **sviluppo di prototipi**.
- funzione pura** Una funzione che **non modifica nessuno degli oggetti** che riceve come **argomenti**. La maggior parte delle **funzioni pure** sono **fruttuose**.

# Glossario

- prototipo e patch** Un **piano di sviluppo** che prevede la scrittura di una **bozza approssimativa** di un programma, il **test** e la **correzione degli errori** non appena vengono rilevati.
- sviluppo progettato** Un **piano di sviluppo** che implica una visione **di alto livello** del **problema** e una pianificazione maggiore rispetto allo **sviluppo incrementale** o allo **sviluppo di prototipi**.
- funzione pura** Una funzione che **non modifica nessuno degli oggetti** che riceve come **argomenti**. La maggior parte delle **funzioni pure sono fruttuose**.
- modificatore** Una funzione che **modifica** uno o più **oggetti** ricevuti come **argomenti**. La maggior parte dei **modificatori sono nulli**; cioè, non restituiscono nulla.

# Glossario

- prototipo e patch** Un **piano di sviluppo** che prevede la scrittura di una **bozza approssimativa** di un programma, il **test** e la **correzione degli errori** non appena vengono rilevati.
- sviluppo progettato** Un **piano di sviluppo** che implica una visione **di alto livello** del **problema** e una pianificazione maggiore rispetto allo **sviluppo incrementale** o allo **sviluppo di prototipi**.
- funzione pura** Una funzione che **non modifica nessuno degli oggetti** che riceve come **argomenti**. La maggior parte delle **funzioni pure sono fruttuose**.
- modificatore** Una funzione che **modifica** uno o più **oggetti** ricevuti come **argomenti**. La maggior parte dei **modificatori sono nulli**; cioè, non restituiscono nulla.
- stile di programmazione funzionale** Uno stile di **progettazione** del **programma** in cui la maggior parte delle **funzioni è pura**.

# Glossario

- prototipo e patch** Un **piano di sviluppo** che prevede la scrittura di una **bozza approssimativa** di un programma, il **test** e la **correzione degli errori** non appena vengono rilevati.
- sviluppo progettato** Un **piano di sviluppo** che implica una visione **di alto livello** del **problema** e una pianificazione maggiore rispetto allo **sviluppo incrementale** o allo **sviluppo di prototipi**.
- funzione pura** Una funzione che **non modifica nessuno degli oggetti** che riceve come **argomenti**. La maggior parte delle **funzioni pure sono fruttuose**.
- modificatore** Una funzione che **modifica** uno o più **oggetti** ricevuti come **argomenti**. La maggior parte dei **modificatori sono nulli**; cioè, non restituiscono nulla.
- stile di programmazione funzionale** Uno stile di **progettazione** del **programma** in cui la maggior parte delle **funzioni è pura**.
- invariante** Una **condizione logica** che non dovrebbe **mai cambiare** durante l'esecuzione di un programma.

## Section 7

### Esercizi

aaaa

aaaa