

## Il calcolo delle situazioni (Situation Calculus)

(Russell e Norvig, paragrafo 10.3 fino p. 423)

Linguaggio logico progettato per rappresentare mondi che cambiano dinamicamente sotto l'effetto di azioni eseguite dall'agente.

Ipotesi: il mondo evolve in una sequenza discreta e lineare di “situazioni”

Situazioni ed azioni sono considerate **oggetti** e rappresentate da **termini**

### REIFICAZIONE di situazioni e azioni

Il linguaggio del calcolo delle situazioni ha due “sorte” (tipi) particolari per i termini che denotano situazioni e i termini che denotano azioni

- **Le azioni sono rappresentate da termini**

*forward, turn(right), turn(left), ...*

- **Le situazioni sono rappresentate da termini**

- La situazione iniziale è rappresentata da una **costante**  $S_0$

- Le altre situazioni sono rappresentate da termini della forma  $do(a, s)$ , dove **do** è un **simbolo funzionale** particolare, che si applica ad azioni e situazioni

Un termine della forma  $do(a, s)$  è di tipo situazione: denota la situazione che risulta dall'esecuzione dell'azione  $a$  nella situazione  $s$

$do(forward, S_0)$   
 $do(turn(right), do(forward, S_0))$

## Fluenti

Ogni predicato che può variare nel tempo (**fluente**) ha un argomento in più: la **situazione**

$$\begin{aligned} &at(agent, stanza_1, S_0) \\ &alive(wumpus, S_0) \\ &at(robot_1, stanza_3, do(forward(robot_1), S_0)) \\ &closed(door_1, do(lock(door_1), S_0)) \end{aligned}$$

Un **fluente** è un predicato la cui verità, per dati argomenti, può variare nel tempo.

Nel calcolo delle situazioni è rappresentato da un simbolo di predicato con un argomento in più, che viene ugualmente chiamato fluente.

## Rappresentazione del mondo nel Situation Calculus

**Obiettivo:** definire una **teoria nel Situation Calculus** (insieme di assiomi) che descriva il mondo e le regole della sua evoluzione

- Descrizione dello stato iniziale
- Descrizione delle azioni, con le condizioni della loro applicabilità e i loro effetti
- Descrizione dell'obiettivo

## Pianificazione deduttiva nel situation calculus

**Problema di pianificazione:** trovare una sequenza di azioni che, se eseguite portano dalla situazione iniziale a una situazione obiettivo

Nel Situation calculus, un problema di pianificazione si risolve dimostrando che esiste una situazione obiettivo (raggiungibile dalla situazione iniziale):

$$\text{Assiomi} \vdash \exists s \text{ ReachableGoal}(s)$$

Prova costruttiva: fornisce un'istanza  $S$  tale che

$$\text{Assiomi} \vdash \text{ReachableGoal}(S)$$

Un piano si può sintetizzare come effetto collaterale della dimostrazione di teoremi.

**Soluzione:**  $S = do(a_1, do(a_2, do(a_3, S_0)))$ ,

**Piano Soluzione del problema di planning:**  $\langle a_3, a_2, a_1 \rangle$ .

## Esempio: il mondo dei blocchi

Insieme di problemi di pianificazione

Esempio:

stato iniziale: 

A
B

C
---

      obiettivo: 

A
B
C

Regole:

- si può spostare un solo blocco alla volta: un blocco X si può mettere sopra un blocco Y o sul tavolo solo se sopra X non c'è alcun blocco
- non si può mettere un blocco sopra se stesso
- non si può mettere un blocco sopra un blocco già occupato
- un blocco libero si può sempre mettere sul tavolo (sul tavolo c'è sempre spazio a sufficienza)

## Linguaggio per la rappresentazione del mondo dei blocchi

<i>fluenti</i>	<i>azioni</i>
$on(x, y, s)$	$putOn(x, y)$
$onTable(x, s)$	$putOnTable(x)$

### Rappresentazione della Situazione iniziale:

$$on(A, B, S_0) \wedge onTable(B, S_0) \wedge onTable(C, S_0)$$

### Rappresentazione dell'obiettivo:

$$Goal(s) = on(A, B, s) \wedge on(B, C, s) \wedge onTable(C, s)$$

Si vuole infatti determinare una sequenza di azioni che porti da  $S_0$  ad una situazione  $s$  tale che  $on(A, B, s) \wedge on(B, C, s) \wedge onTable(C, s)$

**Rappresentazione delle azioni:** per ogni azione  $a$  si deve rappresentare:

- sotto quali condizioni è possibile eseguire  $a$
- quali sono gli effetti di  $a$  (cosa cambia)
- cosa non cambia nel mondo con l'esecuzione di  $a$

## Rappresentazione del mondo

### Primo gruppo di assiomi: descrizione delle proprietà del mondo sempre vere

- Proprietà che riguardano “predicati statici”

Esempi:

$$\neg human(pippo)$$

$$\forall x (supermarket(x) \rightarrow sells(x, milk))$$

$$\forall x \forall y \forall z (door(x) \wedge connect(x, y, z) \rightarrow connect(x, z, y))$$

- Proprietà che riguardano fluenti

Esempi:

$$\forall x \forall y \forall s (next(x, y, s) \rightarrow next(y, x, s))$$

$$\forall x \forall y \forall z \forall s (at(x, y, s) \wedge y \neq z \rightarrow \neg at(x, z, s))$$

Secondo gruppo di assiomi:  
descrizione dello stato iniziale  
**Initial State Axiom**

Esempi:

$$on(A, B, S_0) \wedge onTable(B, S_0) \wedge onTable(C, S_0)$$

$$at(home, S_0) \wedge \neg have(milk, S_0) \wedge \neg have(banana, S_0) \wedge \neg have(drill, S_0)$$

## Descrizione delle azioni: dei loro effetti e delle loro precondizioni

### Approccio “naive”

Per ogni azione  $a$ , con parametri  $x_1, \dots, x_n$ , si determina:

- Una formula  $precond_a(x_1, \dots, x_n, s)$  che esprime le condizioni di applicabilità di  $a(x_1, \dots, x_n)$  nella situazione  $s$
- Una formula  $effect_a(x_1, \dots, x_n, s)$  che esprime l'effetto dell'esecuzione  $a(x_1, \dots, x_n)$  nella situazione  $s$

e si include nella teoria la descrizione dell'effetto di  $a$ :

$$\forall s \forall x_1 \dots \forall x_n (precond_a(x_1, \dots, x_n, s) \rightarrow effect_a(x_1, \dots, x_n, do(a, s)))$$

### Condizioni di applicabilità di un'azione

Per ogni azione  $a$ , si determina una formula  $precond_a(x, y, \dots, s)$  che rappresenta il fatto che  $a$  è eseguibile nella situazione  $s$ .

Esempio:

$$\forall s \forall x \underbrace{(\neg onTable(x, s) \wedge \neg \exists y on(y, x, s))}_{precond_{putOnTable(x)}(x, s)} \rightarrow$$

$$\underbrace{onTable(x, do(putOnTable(x), s)) \wedge \neg \exists y on(x, y, do(putOnTable(x), s))}_{effect_{putOnTable(x)}(x, s)}$$



**Ma si deve anche descrivere che cosa NON CAMBIA:  
Frame Axioms**

Per ogni azione, si deve descrivere tutto quello che non cambia quando si esegue l'azione:

$$\forall s \forall x \forall x' (onTable(x, s) \wedge x \neq x' \wedge precondition_{putOnTable(x')}(x', s) \rightarrow onTable(x, do(putOnTable(x'), s)))$$

$$\forall s \forall x \forall y \forall x' (on(x, y, s) \wedge x \neq x' \wedge precondition_{putOnTable(x')}(x', s) \rightarrow on(x, y, do(putOnTable(x'), s)))$$

$$\forall s \forall x \forall x' (\neg onTable(x, s) \wedge x \neq x' \wedge precondition_{putOnTable(x')}(x', s) \rightarrow \neg onTable(x, do(putOnTable(x'), s)))$$

$$\forall s \forall x \forall y \forall x' (\neg on(x, y, s) \wedge x \neq x' \wedge precondition_{putOnTable(x')}(x', s) \rightarrow \neg on(x, y, do(putOnTable(x'), s)))$$

**Numero di frame axioms: normalmente molto vicino a  $2 \times \mathcal{F} \times \mathcal{A}$**   
( $\mathcal{F}$ : numero fluenti,  $\mathcal{A}$ : numero di azioni)

$\Rightarrow$  **FRAME PROBLEM**

## Verso una soluzione del Frame Problem

(Reiter, 1991)

È possibile rendere la descrizione più compatta sfruttando la possibilità di quantificare sulle azioni.

### Terzo gruppo di assiomi: Action precondition axioms

Si introduce un predicato *Poss*:

*Poss(a, s)* rappresenta il fatto che è possibile eseguire l'azione *a* nella situazione *s*

Per ogni azione  $a \in \mathcal{A}$ , con parametri  $x_1, \dots, x_n$ , la teoria contiene un **assioma delle precondizioni** di *a*:

$$\forall s \forall x_1 \dots \forall x_n (\text{precond}_a(x_1, \dots, x_n, s) \rightarrow \text{Poss}(a(x_1, \dots, x_n), s))$$

Nel mondo dei blocchi:

$$\forall s \forall x \forall y (\neg \text{on}(x, y, s) \wedge x \neq y \wedge \neg \exists z (\text{on}(z, x, s) \vee \text{on}(z, y, s))) \\ \rightarrow \text{Poss}(\text{PutOn}(x, y), s))$$

$$\forall s \forall x (\neg \text{onTable}(x, s) \wedge \neg \exists y \text{on}(y, x, s) \rightarrow \text{Poss}(\text{putOnTable}(x), s))$$

## Quarto gruppo di assiomi: Successor State Axioms

Per ogni fluente  $R(x_1, \dots, x_n, s)$ , si determinano le formule:

$G_R^+(a, s, x_1, \dots, x_n)$ , che rappresenta tutte le condizioni che possono causare il “passaggio” di  $R(x_1, \dots, x_n)$  da falso a vero

$G_R^-(a, s, x_1, \dots, x_n)$ , che rappresenta tutte le condizioni che possono causare il “passaggio” di  $R(x_1, \dots, x_n)$  da vero a falso

e si include nella teoria l'**Assioma di stato successore** per il fluente  $R(x_1, \dots, x_n, s)$ :

$$\forall a \forall s \forall x_1 \dots \forall x_n \{ Poss(a, s) \rightarrow \\ [R(x_1, \dots, x_n, do(a, s)) \equiv \\ G_R^+(a, s, x_1, \dots, x_n) \vee (R(x_1, \dots, x_n, s) \wedge \neg G_R^-(a, s, x_1, \dots, x_n))] \}$$

**Per ogni azione  $a$** , per ogni situazione  $s$  e per tutti gli oggetti  $x_1, x_2, \dots$ :

$R(x_1, \dots, x_n)$  vale nella situazione  $do(a, s)$  se e solo se  $a$  è una delle azioni che “provocano”  $R$  oppure  $R(x_1, \dots, x_n)$  è vero in  $s$  e  $a$  non lo modifica

Numero di successor state axioms = $\mathcal{F}$
--

## Esempio

Il successor state axiom per il fluente *broken*, in un mondo in cui le azioni possibili sono far cadere un oggetto, far esplodere una bomba e riparare un oggetto, è:

$$\forall a \forall s \forall y \{ Poss(a, s) \rightarrow \{ broken(y, do(a, s)) \equiv \\ [(a = drop(y) \wedge fragile(y)) \vee \exists x (a = explode(x) \wedge nexto(x, y, s)) \\ \vee (broken(y, s) \wedge a \neq repair(y))] \} \}$$

*Per ogni azione a, per ogni situazione s e per ogni oggetto y:*

*y è rotto nella situazione do(a, s) se e solo se a è un'azione che rompe y (cioè con a si fa cadere y che è fragile, oppure si fa esplodere una bomba vicino a y), oppure y è rotto in s e l'azione a non lo ripara*

$t_1 \neq t_2$  è un'abbreviazione di  $\neg(t_1 = t_2)$

## Successor State Axioms per il mondo dei blocchi

Condizioni che “modificano” il valore di  $on(x, y)$  nel passaggio da  $s$  a  $do(a, s)$ :

$$G_{on(x,y)}^+(a, s, x, y) : a = putOn(x, y)$$

$$G_{on(x,y)}^-(a, s, x, y) : \exists y' a = putOn(x, y') \vee a = putOnTable(x)$$

Condizioni che “modificano” il valore di  $onTable(x)$  nel passaggio da  $s$  a  $do(a, s)$ :

$$G_{onTable(x)}^+(a, s, x) : a = putOnTable(x)$$

$$G_{onTable(x)}^-(a, s, x) : \exists y a = putOn(x, y)$$

Assiomi di stato successore:

$$\begin{aligned} \forall a \forall s \forall x \forall y \{ Poss(a, s) \rightarrow \\ [on(x, y, do(a, s)) \equiv \\ a = putOn(x, y) \\ \vee (on(x, y, s) \wedge \neg(\exists y' a = putOn(x, y') \vee a = putOnTable(x)))] \} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \forall a \forall s \forall x \{ Poss(a, s) \rightarrow \\ [onTable(x, do(a, s)) \equiv \\ a = putOnTable(x) \\ \vee (onTable(x, s) \wedge \neg \exists y a = putOn(x, y))] \} \end{aligned}$$

## Assiomatizzazione di un dominio di pianificazione

1. Assiomi che descrivono proprietà sempre vere
2. **Initial state axiom:** assioma che descrive lo stato iniziale
3. **Action Precondition axioms:** assiomi che descrivono le precondizioni delle azioni (uno per ogni azione)
4. **Successor State Axioms:** assiomi che descrivono la verità o falsità di un fluente nello “stato successore” (uno per ogni fluente)

## Pianificazione deduttiva nel situation calculus

Problema di pianificazione: trovare una sequenza di azioni che, se eseguite portano dalla situazione iniziale a una situazione obiettivo

Nel Situation calculus, un problema di pianificazione si risolve dimostrando che esiste una situazione obiettivo raggiungibile dalla situazione iniziale:

$$\text{Assiomi} \vdash \exists s (\text{reachable}(s_0, s) \wedge \text{Goal}(s))$$

Prova costruttiva: fornisce un'istanza  $S$  tale che

$$\text{Assiomi} \vdash \text{reachable}(s_0, S) \wedge \text{Goal}(S)$$

Un piano si può sintetizzare come effetto collaterale della dimostrazione di teoremi.

Esempio:

$$\text{Assiomi} \vdash \exists s (\text{reachable}(s_0, s) \wedge \text{nexto}(A, B, s) \wedge \text{onfloor}(A, s))$$

Se  $S = \text{do}(\text{drop}(A), \text{do}(\text{walk}(B), \text{do}(\text{pickup}(A), S_0)))$ :

$$\text{Assiomi} \vdash \text{reachable}(s_0, S) \wedge \text{nexto}(A, B, S) \wedge \text{onfloor}(A, S)$$

Da  $S$  si estrae il piano:  $[\text{pickup}(A), \text{walk}(B), \text{drop}(A)]$

### Definizione del predicato *reachable*:

$\text{reachable}(s, s') = \text{esiste un'azione complessa (un programma, un piano) la cui esecuzione trasforma } s \text{ in } s'$

Definizione delle azioni complesse: in un linguaggio di programmazione di altissimo livello (GOLOG).

## Esempio nel mondo dei blocchi

stato iniziale:  $\begin{array}{c} \boxed{A} \\ \boxed{B} \end{array} \quad \boxed{C}$       obiettivo:  $\begin{array}{c} \boxed{A} \\ \boxed{B} \\ \boxed{C} \end{array}$

*Assiomi*  $\vdash \exists s (reachable(s_0, s) \wedge on(A, B, s) \wedge on(B, C, s) \wedge onTable(C, s))$

**Soluzione:**

$S = do(putOn(A, B), do(putOn(B, C), do(putOnTable(A), S_0)))$

da cui si estrae il **piano**  $[putOnTable(A), putOn(B, C), putOn(A, B)]$ .



## Conoscenza euristica

Approcci logici: è possibile sfruttare il potere espressivo del linguaggio logico utilizzato per rappresentare conoscenza euristica (o “conoscenza di controllo”).

Esempio nel mondo dei blocchi: è possibile definire le “buone torri” e specificare di:

- non mettere il blocco X sopra il blocco Y se con questa azione non si crea una buona torre;
- non disfare mai una buona torre;
- se possibile, fare una mossa che costruisce una buona torre.

In questo modo la ricerca del piano viene guidata da informazioni specifiche sul dominio: lo spazio di ricerca si riduce, quindi aumenta l'efficienza del pianificatore, e migliora la qualità delle soluzioni trovate.

## Applicazioni

### The Cognitive Robotics Group – University of Toronto

**GOLOG** (alGOl in LOGic): un linguaggio di programmazione logica (di alto livello) per agenti, che consente la definizione di azioni complesse.

Azioni complesse: sequenze di azioni, test, azioni non deterministiche, azioni condizionali, cicli, procedure.

La semantica delle azioni complesse è definita nel Situation Calculus.

GOLOG è implementato in Prolog.

Il linguaggio è stato utilizzato per costruire sistemi di controllo di robot, ed altre applicazioni.

**ConGolog** = Concurrent Golog. Incorpora in Golog la concorrenza, interrupts e eventi esogeni. Utilizzato per la progettazione di sistemi di controllo più flessibili, per agenti che operano in scenari complessi.

**Presso il DIA:** utilizzato in un sistema di controllo reattivo per robot operanti in scenari di salvataggio.

**Planning with loops:** un pianificatore iterativo (con IF-THEN-ELSE e cicli)

## Esercizi

1. Scrivere action precondition axioms (ragionevoli) per le seguenti azioni:
  - (a) andare da x a y
  - (b) comprare x
  - (c) riparare l'oggetto x
  - (d) colorare l'oggetto x con il colore y
  - (e) mettere l'oggetto x dentro la scatola y
  - (f) far cadere l'oggetto x
  - (g) riparare l'oggetto x
  
2. Scrivere successor state axioms per i seguenti fluenti (senza esagerare nell'immaginare quali azioni possono provocare il cambiamento di valore del fluente!):
  - (a) x si trova in y
  - (b) x ha il colore y
  - (c) il robot e' in direzione y
  - (d) l'oggetto x si trova sopra l'oggetto y
  - (e) la scatola x è vuota
  - (f) la luce della stanza x è accesa
  - (g) la porta della stanza x è aperta
  - (h) il contenuto della scatola x è y (in un mondo in cui è possibile mettere e togliere oggetti dalle scatole).

3. Modificare la rappresentazione del mondo dei blocchi introducendo un nuovo fluente  $clear(x, s)$  il cui significato è  $\neg\exists y on(y, x, s)$ . Utilizzare questo fluente negli action precondition axioms e scrivere il successor state axiom per  $clear(x, y)$ .
4. Assiomatizzare i problemi seguenti nel calcolo delle situazioni:
  - (a) Si hanno a disposizione 3 contenitori, inizialmente vuoti,  $c1, c2, c3$ , ed una brocca, di capacità superiore a quella di ciascun contenitore. L'obiettivo è quello di riempire i tre contenitori. Le azioni possibili sono: riempire la brocca dal rubinetto, svuotare la brocca nel lavandino, riempire un contenitore mediante travaso dalla brocca (possibile solo se la brocca è piena e il contenitore è vuoto).
  - (b) Il robot si trova fuori di una stanza, deve aprire la porta, entrare, prendere il libro che si trova sul tavolo e uscire. Le azioni possibili sono:
    - *pass*: può essere eseguita solo se la porta è aperta (*open\_door*), ed ha come effetto *in* (essere dentro la stanza), se l'agente si trova fuori, altrimenti (se è già dentro la stanza), l'effetto è  $\neg in$ .
    - *open\_door*: possibile solo se la porta è chiusa, ha come effetto *open* (la porta è aperta);
    - *take\_book*: possibile solo se il robot è dentro la stanza e non ha il libro in mano, ha come effetto *have\_book*.

- (c) Si hanno due scatole,  $s1$  e  $s2$ , e una penna  $p$ . Nella situazione iniziale  $s1$  e  $s2$  sono entrambe chiuse,  $s2$  è sopra  $s1$  e  $p$  è sopra  $s2$ . L'obiettivo è quello di avere  $p$  dentro  $s1$ ,  $s2$  sopra  $s1$  e  $s1$  e  $s2$  entrambe chiuse. Le azioni possibili sono:
- mettere l'oggetto  $x$  dentro  $y$  (possibile se  $y$  è una scatola aperta e  $x$  è una penna),
  - aprire  $x$  (possibile se  $x$  è una scatola sulla quale non è collocato alcun oggetto),
  - chiudere  $x$  (possibile se  $x$  è una scatola sulla quale non è collocato alcun oggetto),
  - togliere  $x$  dalla superficie di  $y$  (possibile se  $x$  è sopra  $y$  e nessun oggetto è sopra  $x$ ),
  - mettere l'oggetto  $x$  sopra  $y$  (possibile se  $y$  è una scatola e la superficie di  $x$  e quella di  $y$  sono entrambe libere).
- (d) L'agente è fuori della stanza, e deve entrare, oltrepassando due porte,  $p_1$  e  $p_2$  che sono chiuse. Le possibili posizioni dell'agente sono 3:  $a_1$  (davanti alla porta  $p_1$ ),  $a_2$  (tra la porta  $p_1$  e la porta  $p_2$ ),  $a_3$  (dentro la stanza). Alcune proprietà sono sempre vere: il fatto che  $p_1$  collega  $a_1$  e  $a_2$  e il fatto che  $p_2$  collega  $a_2$  e  $a_3$ . Le azioni possibili sono  $open(x, y, z)$  (aprire la porta  $x$ , che collega  $y$  con  $z$ , quando si è nella posizione  $y$ ) e  $pass(x, y, z)$  (passare oltre la porta  $x$ , dalla posizione  $y$  alla posizione  $z$ ).