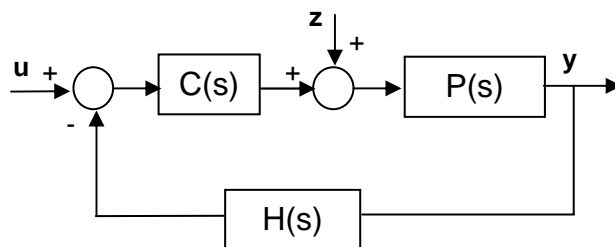




1. Dato il sistema di controllo raffigurato, con  $C(s)=10/s$ ,  $P(s)=1/[(s+3)(s+5)]$  e  $H(s)=0.25$ , determinare:
- Se il sistema è stabile a ciclo chiuso con il criterio di Routh
  - L'uscita permanente con  $u(t)=4$
  - L'uscita permanente con  $u(t)=t$
  - Il tipo di sistema di controllo
  - Astatismo rispetto al disturbo costante  $z$



2. Sia dato un processo  $P(s)$  descrivibile mediante la funzione di trasferimento

$$P(s) = \frac{4(s/6+1)(1-s/60)}{(s+1)(s/100+1)}$$

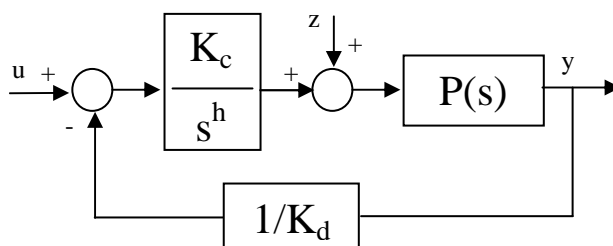
Sintetizzare il sistema di controllo in figura (determinare  $h$  e  $K_c$ ) in modo tale che:

- il guadagno a ciclo chiuso sia uguale a **4**
- l'errore per ingresso a rampa  $u(t)=2t$  sia minore o uguale a **0.16**

Scelto il valore **minimo** di  $K_c$  compatibile con le specifiche, tracciare i diagrammi di **BODE** e **NYQUIST** della funzione a ciclo aperto, e determinare su questi la pulsazione di attraversamento ( $\omega_c$ ) e, in caso di sistema stabile a ciclo chiuso, i margini di stabilità ( $m_\phi$  e  $m_g$ ).

Infine calcolare:

- l'effetto in uscita a regime di un disturbo  $z(t)=2t$ .
- fino a che pulsazione l'errore di riproduzione di una sinusoide unitaria risulti minore di **0.04**.

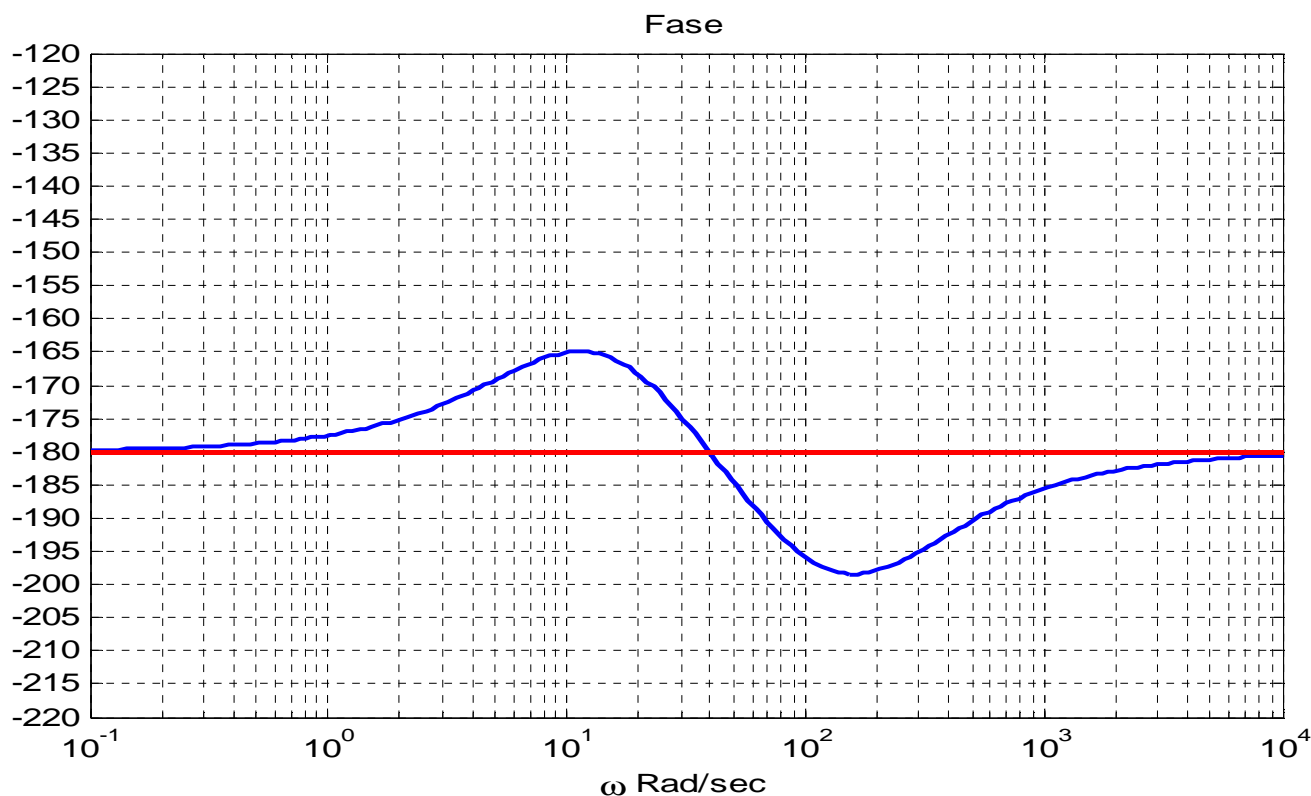
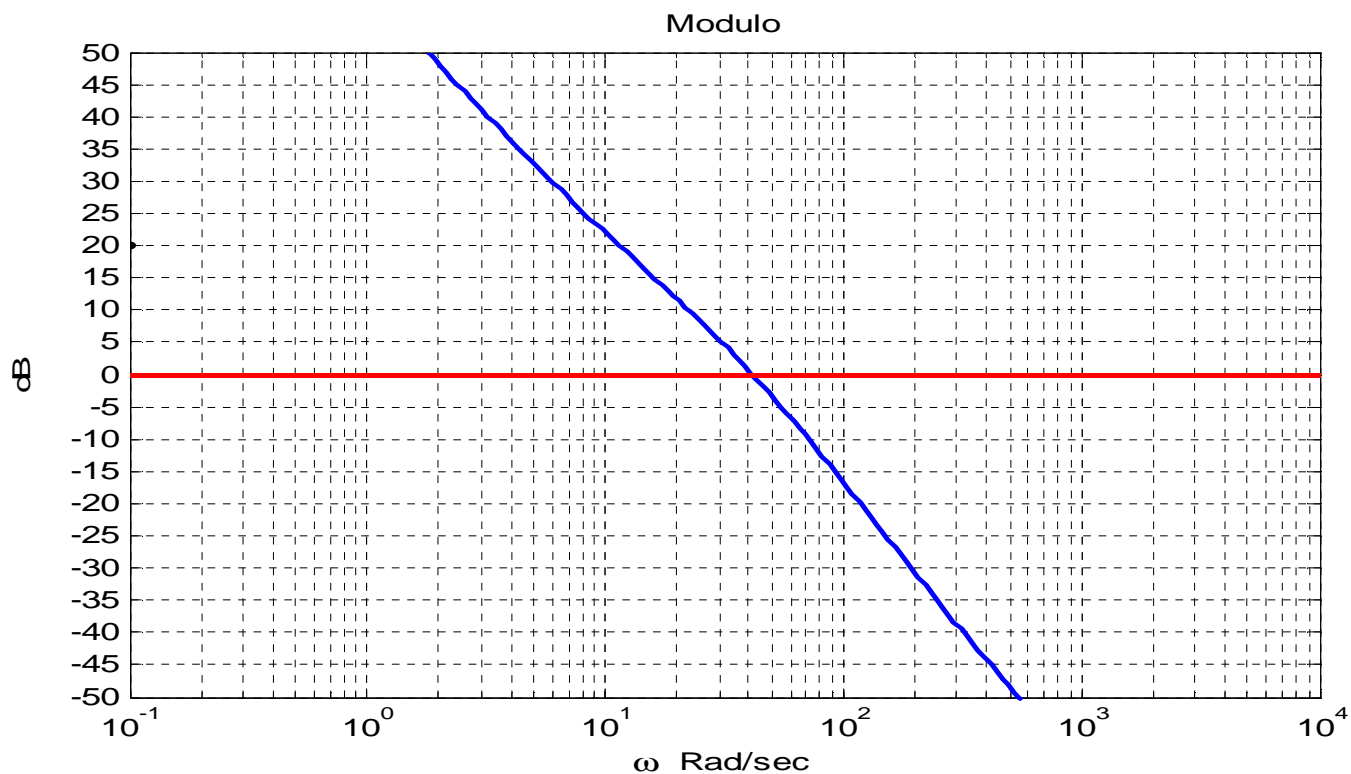


3. Enunciare il Criterio di Nyquist ed illustrare a grandi linee la sua dimostrazione (supporre di non avere poli sull'asse immaginario).

Cognome:	Nome:	Matricola:	E-mail
----------	-------	------------	--------



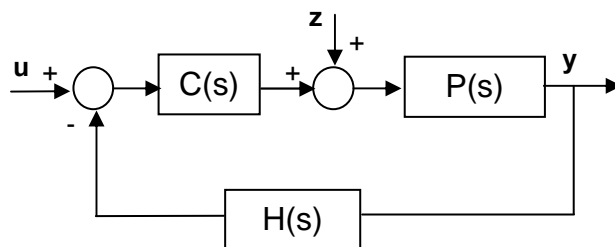
4. Dato il diagramma di **BODE** della funzione di trasferimento a ciclo aperto **F(s)** sotto riportata determinare la rete compensatrice **R(s)** tale da assicurare  $\omega_r > 40$  Rad/sec e  $m_p > 30^\circ$ . Tracciare quindi il diagramma di **NICHOLS** della funzione compensata **F'(s)=F(s)R(s)** e determinare su di esso il modulo alla risonanza **Mr** e la banda passante a  $-3$  Decibel ( $\omega_{-3}$ ).



Cognome:	Nome:	Matricola:	E-mail
----------	-------	------------	--------



1. Dato il sistema di controllo raffigurato, con  $C(s)=20/s$ ,  $P(s)=1/[(s+1)(s+4)]$  e  $H(s)=0.20$ , determinare:
- Se il sistema è stabile a ciclo chiuso con il criterio di Routh
  - L'uscita permanente con  $u(t)=6$
  - L'uscita permanente con  $u(t)=2t$
  - Il tipo di sistema di controllo
  - Astatismo rispetto al disturbo costante  $z$



2. Sia dato un processo  $P(s)$  descrivibile mediante la funzione di trasferimento

$$P(s) = \frac{(s/6 + 1)(s/60 + 1)}{(s/100 + 1)^2(s/300 + 1)}$$

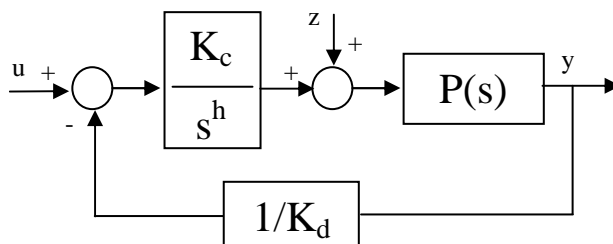
Sintetizzare il sistema di controllo in figura (determinare  $h$  e  $K_c$ ) in modo tale che:

- il guadagno a ciclo chiuso sia uguale a **3**
- l'errore per ingresso a rampa  $u(t)=0.3t$  sia minore o uguale a **0.045**

Scelto il valore **minimo** di  $K_c$  compatibile con le specifiche, tracciare i diagrammi di **BODE** e **NYQUIST** della funzione a ciclo aperto, e determinare su questi la pulsazione di attraversamento ( $\omega_t$ ) e, in caso di sistema stabile a ciclo chiuso, i margini di stabilità ( $m_\phi$  e  $m_g$ ).

Infine calcolare:

- l'effetto in uscita a regime di un disturbo  $z(t)=3t$ .
- fino a che pulsazione l'errore di riproduzione di una sinusoide unitaria risulti minore di **0.1**.

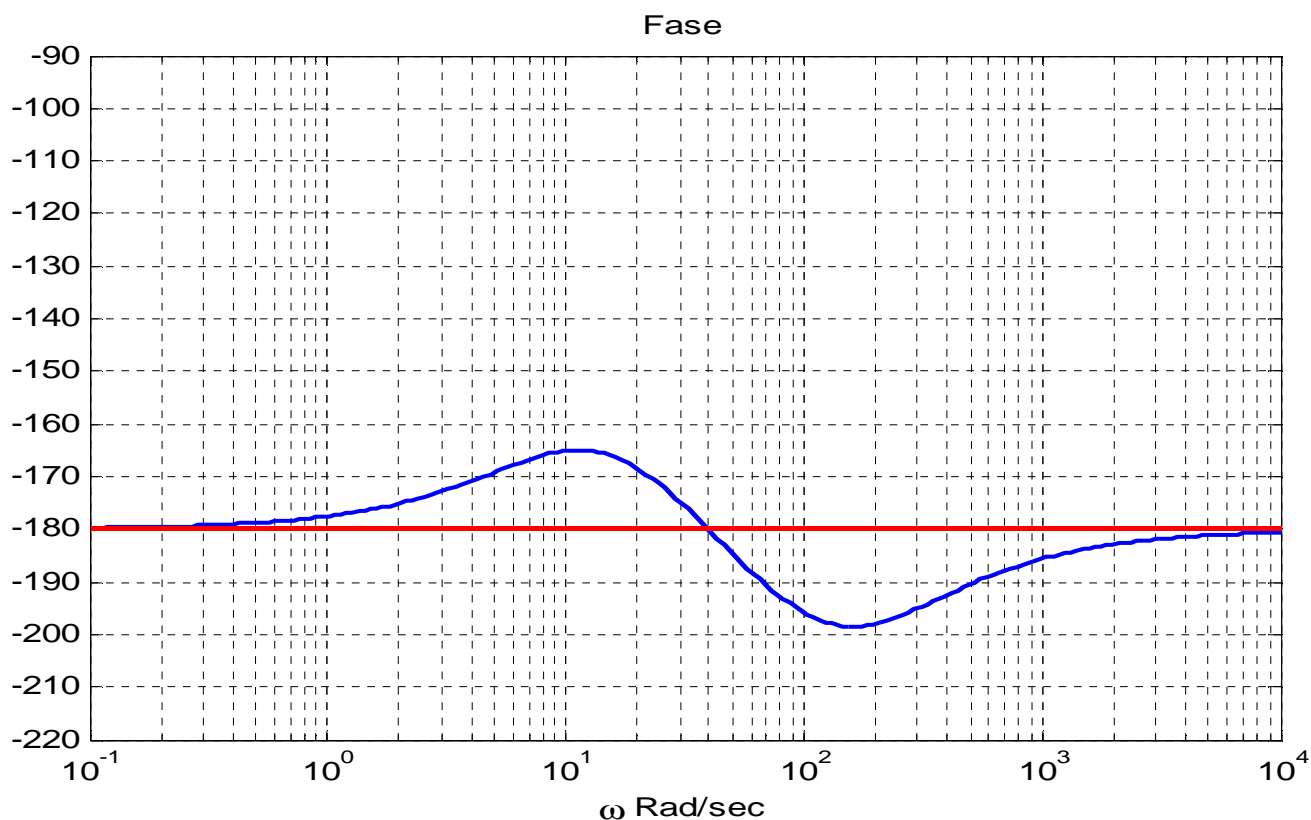
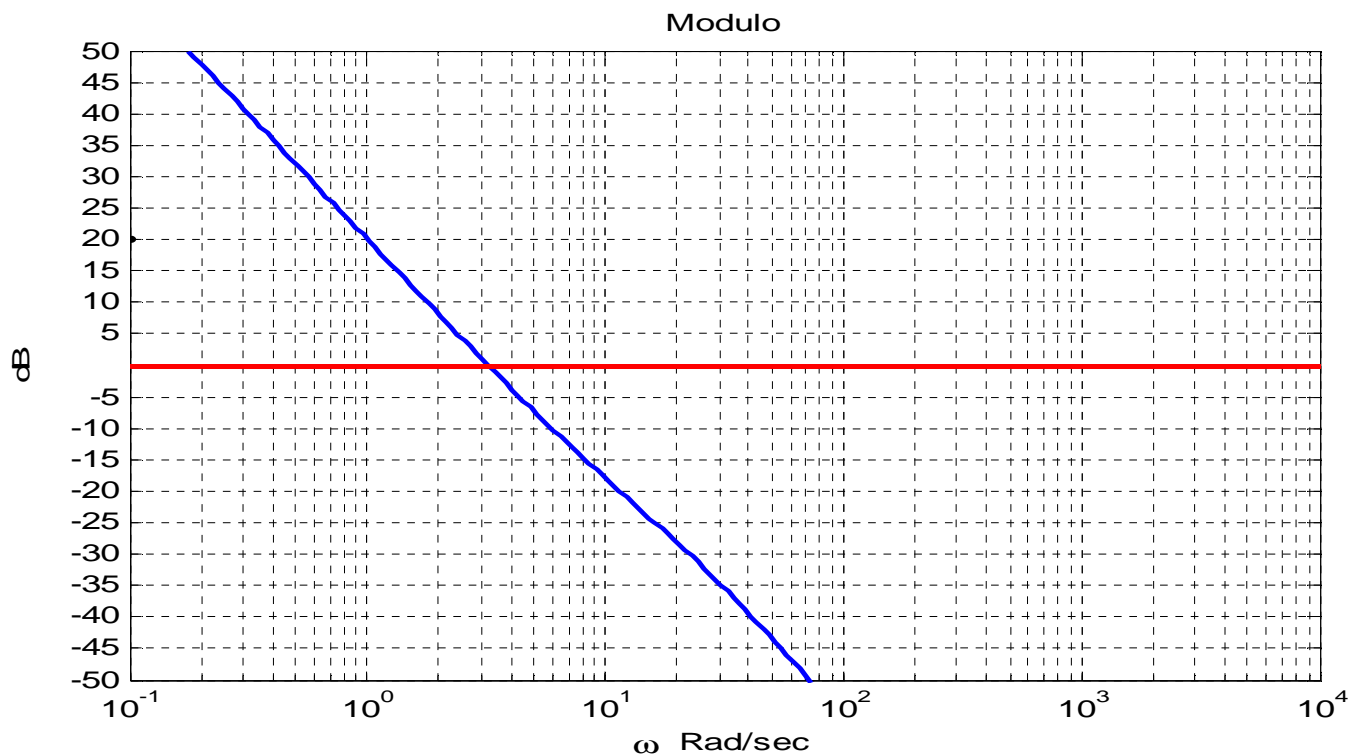


3. Illustrare il concetto di risposta armonica ed evidenziare il suo utilizzo nello studio della stabilità dei sistemi a controreazione.

Cognome:	Nome:	Matricola:	E-mail
----------	-------	------------	--------



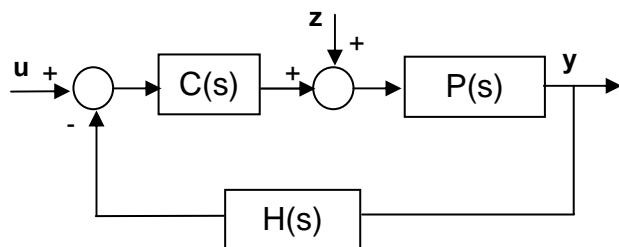
4. Dato il diagramma di **BODE** della funzione di trasferimento a ciclo aperto **F(s)** sotto riportata determinare la rete compensatrice **R(s)** tale da assicurare  $\omega_r \geq 6$  Rad/sec e  $m_\phi \geq 60^\circ$ . Tracciare quindi il diagramma di **NICHOLS** della funzione compensata **F'(s)=F(s)R(s)** e determinare su di esso il modulo alla risonanza **Mr** e la banda passante a  $-3$  Decibel ( $\omega_{-3}$ ).



Cognome:	Nome:	Matricola:	E-mail
----------	-------	------------	--------



1. Dato il sistema di controllo raffigurato, con  $C(s)=15/s$ ,  $P(s)=1/[(s+2)(s+3)]$  e  $H(s)=0.15$ , determinare:
- Se il sistema è stabile a ciclo chiuso con il criterio di Routh
  - L'uscita permanente con  $u(t)=6$
  - L'uscita permanente con  $u(t)=2t$
  - Il tipo di sistema di controllo
  - Astatismo rispetto al disturbo costante  $z$



2. Sia dato un processo  $P(s)$  descrivibile mediante la funzione di trasferimento

$$P(s) = \frac{(1 - s/10)(s/100 + 1)^2}{(s/30 + 1)(s/300 + 1)(s/500 + 1)}$$

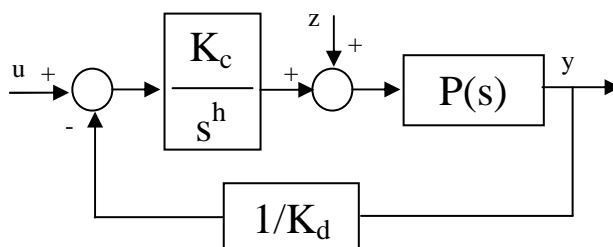
Sintetizzare il sistema di controllo in figura (determinare  $h$  e  $K_c$ ) in modo tale che:

- il guadagno a ciclo chiuso sia uguale a **2**
- l'errore per ingresso a rampa  $u(t)=0.1t$  sia minore o uguale a **0.04**

Scelto il valore **minimo** di  $K_c$  compatibile con le specifiche, tracciare i diagrammi di **BODE** e **NYQUIST** della funzione a ciclo aperto, e determinare su questi la pulsazione di attraversamento ( $\omega_t$ ) e, in caso di sistema stabile a ciclo chiuso, i margini di stabilità ( $m_\phi$  e  $m_g$ ).

Infine calcolare:

- l'effetto in uscita a regime di un disturbo  $z(t)=2t$ .
- fino a che pulsazione l'errore di riproduzione di una sinusoide unitaria risulti minore di **0.2**.

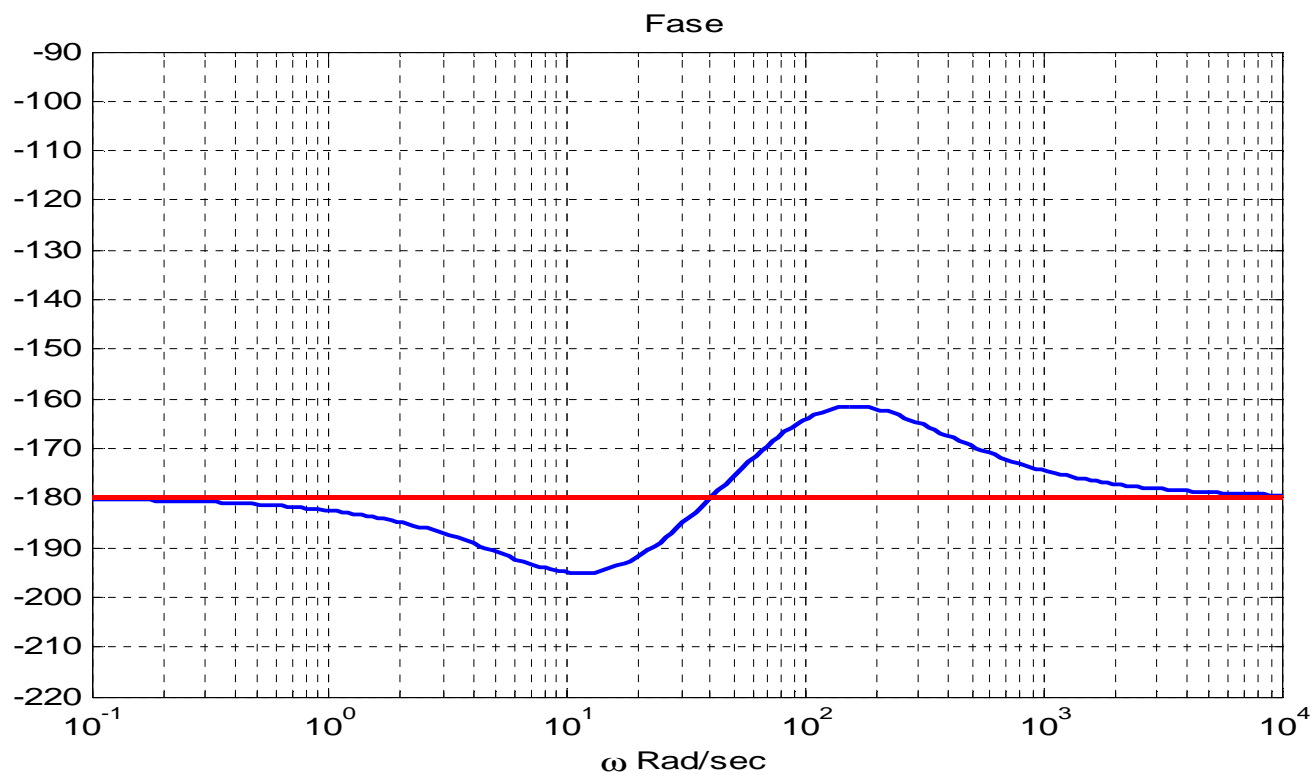
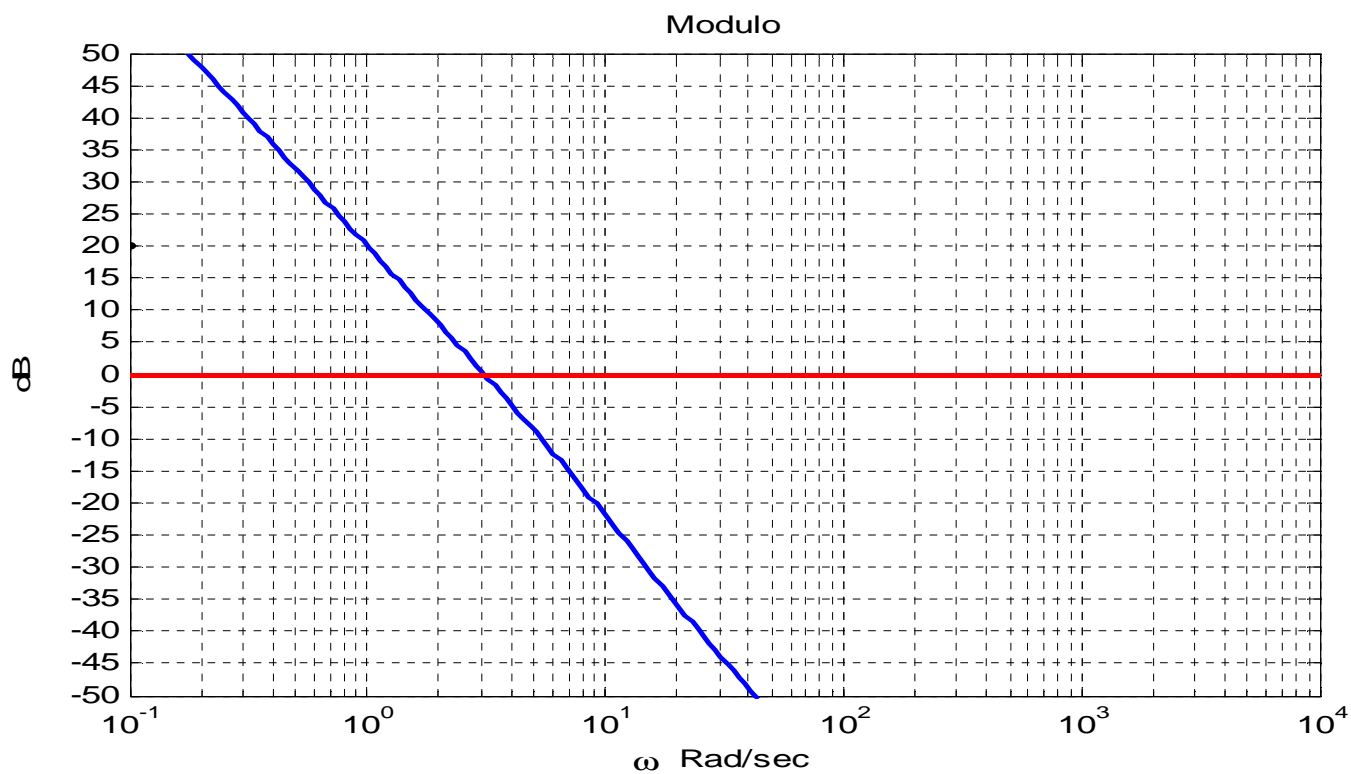


3. Definire tipo di ingresso e tipo di sistema di controllo illustrando l'importanza di questi strumenti nella sintesi del regime permanente di un sistema di controllo

Cognome:	Nome:	Matricola:	E-mail
----------	-------	------------	--------



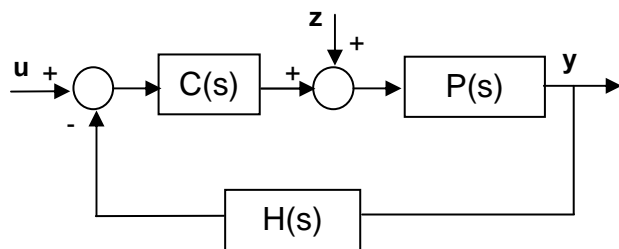
4. Dato il diagramma di **BODE** della funzione di trasferimento a ciclo aperto **F(s)** sotto riportata determinare la rete compensatrice **R(s)** tale da assicurare  $\omega_r \geq 4$  Rad/sec e  $m_\phi \geq 40^\circ$ . Tracciare quindi il diagramma di **NICHOLS** della funzione compensata **F'(s)=F(s)R(s)** e determinare su di esso il modulo alla risonanza **Mr** e la banda passante a  $-3$  Decibel ( $\omega_{-3}$ ).



Cognome:	Nome:	Matricola:	E-mail
----------	-------	------------	--------



1. Dato il sistema di controllo raffigurato, con  $C(s)=5/s$ ,  $P(s)=1/[(s+1)(s+5)]$  e  $H(s)=0.1$ , determinare:
- Se il sistema è stabile a ciclo chiuso con il criterio di Routh
  - L'uscita permanente con  $u(t)=3$
  - L'uscita permanente con  $u(t)=2.5t$
  - Il tipo di sistema di controllo
  - Astatismo rispetto al disturbo costante  $z$



2. Sia dato un processo  $P(s)$  descrivibile mediante la funzione di trasferimento

$$P(s) = \frac{10(s/30 + 1)(s/200 + 1)}{(s/90 + 1)(s/700 + 1)}$$

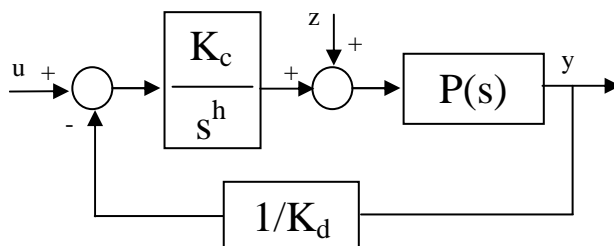
Sintetizzare il sistema di controllo in figura (determinare  $h$  e  $K_c$ ) in modo tale che:

- il guadagno a ciclo chiuso sia uguale a **3**
- l'errore per ingresso a parabola  $u(t)=5t^2$  sia minore o uguale a **0.045**

Scelto il valore **minimo** di  $K_c$  compatibile con le specifiche, tracciare i diagrammi di **BODE** e **NYQUIST** della funzione a ciclo aperto, e determinare su questi la pulsazione di attraversamento ( $\omega_t$ ) e, in caso di sistema stabile a ciclo chiuso, i margini di stabilità ( $m_\phi$  e  $m_g$ ).

Infine calcolare:

- l'effetto in uscita a regime di un disturbo  $z(t)=3t$ .
- fino a che pulsazione l'errore di riproduzione di una sinusoide unitaria risulti minore di **0.03**.

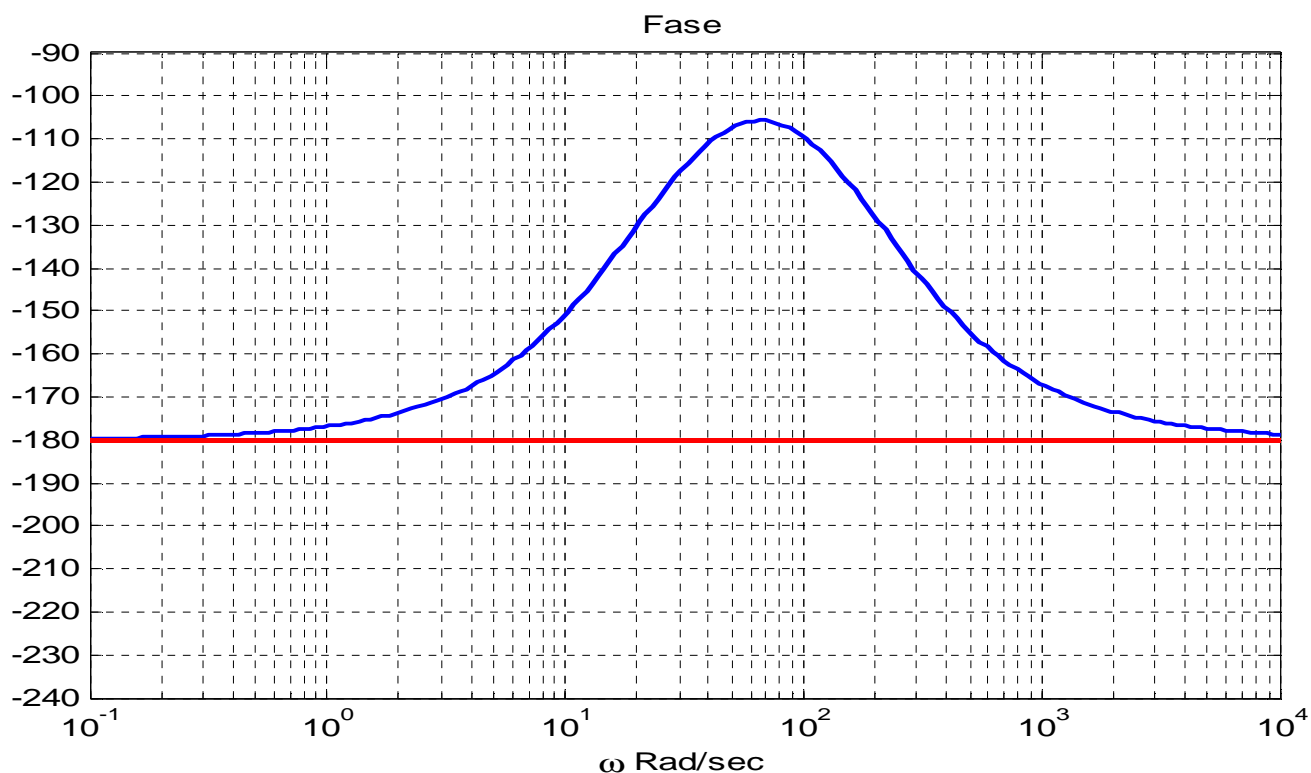
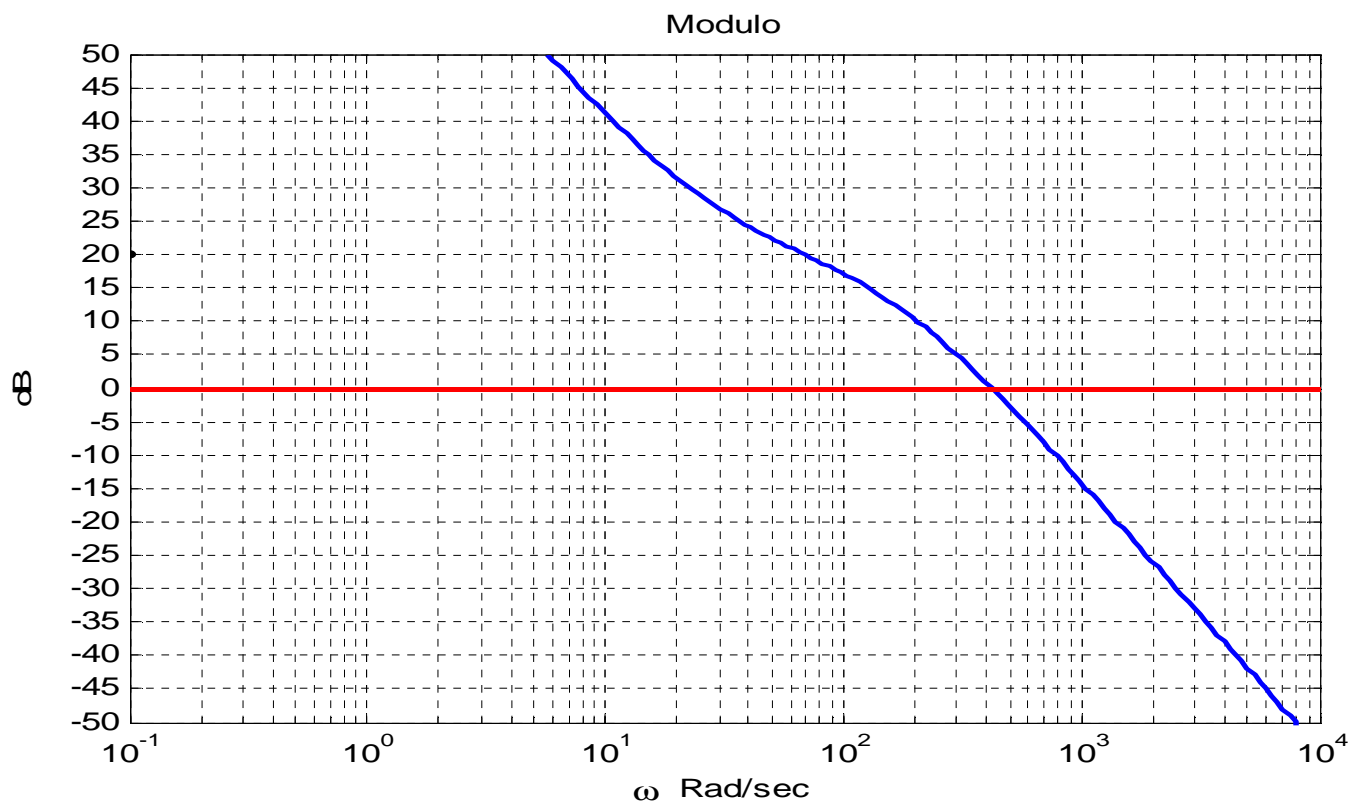


3. Definire risposta libera e risposta forzata di un sistema dinamico e mostrare come queste possano essere manipolate utilizzando il metodo della trasformata di Laplace con l'equazione differenziale che rappresenta il sistema stesso.

Cognome:	Nome:	Matricola:	E-mail
----------	-------	------------	--------



4. Dato il diagramma di **BODE** della funzione di trasferimento a ciclo aperto **F(s)** sotto riportata determinare la rete compensatrice **R(s)** tale da assicurare  $\omega_r < 200$  Rad/sec e  $m_\phi \geq 40^\circ$ . Tracciare quindi il diagramma di **NICHOLS** della funzione compensata **F'(s)=F(s)R(s)** e determinare su di esso il modulo alla risonanza **Mr** e la banda passante a  $-3$  Decibel ( $\omega_{-3}$ ).



Cognome:	Nome:	Matricola:	E-mail
----------	-------	------------	--------



La funzione di trasferimento a ciclo chiuso vale

$$W(s) = \frac{20}{2s^3 + 16s^2 + 30s + 5}$$

Scrivendo la tabellina di Routh si scopre che il sistema è stabile.

Il tipo di sistema di controllo è pari ad 1 essendoci solo un polo in catena diretta.

Essendo 1 il tipo di sistema di controllo, ad ingresso unitario costante corrisponderà, a regime permanente, un'uscita costante, pari al guadagno del ciclo chiuso: questo è 4 e quindi  $u(t)=4$  fornisce  $y(t)=16$ .

Per calcolare il permanente con  $u(t)=t$ , usiamo il metodo dei poli e dei residui limitandoci ai poli dell'ingresso, gli unici i cui modi non si esauriscono nel tempo:

$$u(t) = t;$$

$$U(s) = \frac{1}{s^2}; W(s) = \frac{20}{2s^3 + 16s^2 + 30s + 5}$$

$$Y(s) = W(s)U(s) = \frac{20}{s^2(2s^3 + 16s^2 + 30s + 5)} = Y_{trans}(s) + Y_{perm}(s)$$

$$Y_{perm}(s) = \frac{R_1}{s} + \frac{R_2}{s^2}$$

$$R_2 = \lim_{s \rightarrow 0} s^2 Y(s) = 4$$

$$R_1 = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{d}{ds} [s^2 Y(s)] = \lim_{s \rightarrow 0} \left( -20 \frac{6s^2 + 32s + 30}{(2s^3 + 16s^2 + 30s + 5)^2} \right) = -24$$

$$y_{perm} = -24\delta_{-1}(t) + 4t$$

# SINTESI PERMANENTE, DISTURBO, RIPRODUZIONE SINUSOIDE A

- $K_d=4$  per avere il guadagno a ciclo chiuso richiesto,
- $h=1$  per avere un sistema di controllo di tipo 1 (errore finito per ingresso a rampa)
- $K_c \geq 50$  in conseguenza della specifica sull'errore.

$$P(s) = K_p \frac{N_p(s)}{D_p(s)}; C(s) = \frac{K_c}{s}; H(s) = \frac{1}{K_d}$$

$$W_z(s) = \frac{P(s)}{1 + C(s)P(s)H(s)} = \frac{sK_d K_p N_p(s)}{sK_d D_p(s) + K_c K_p N_p(s)}$$

$$z(s) = \frac{2}{s^2}$$

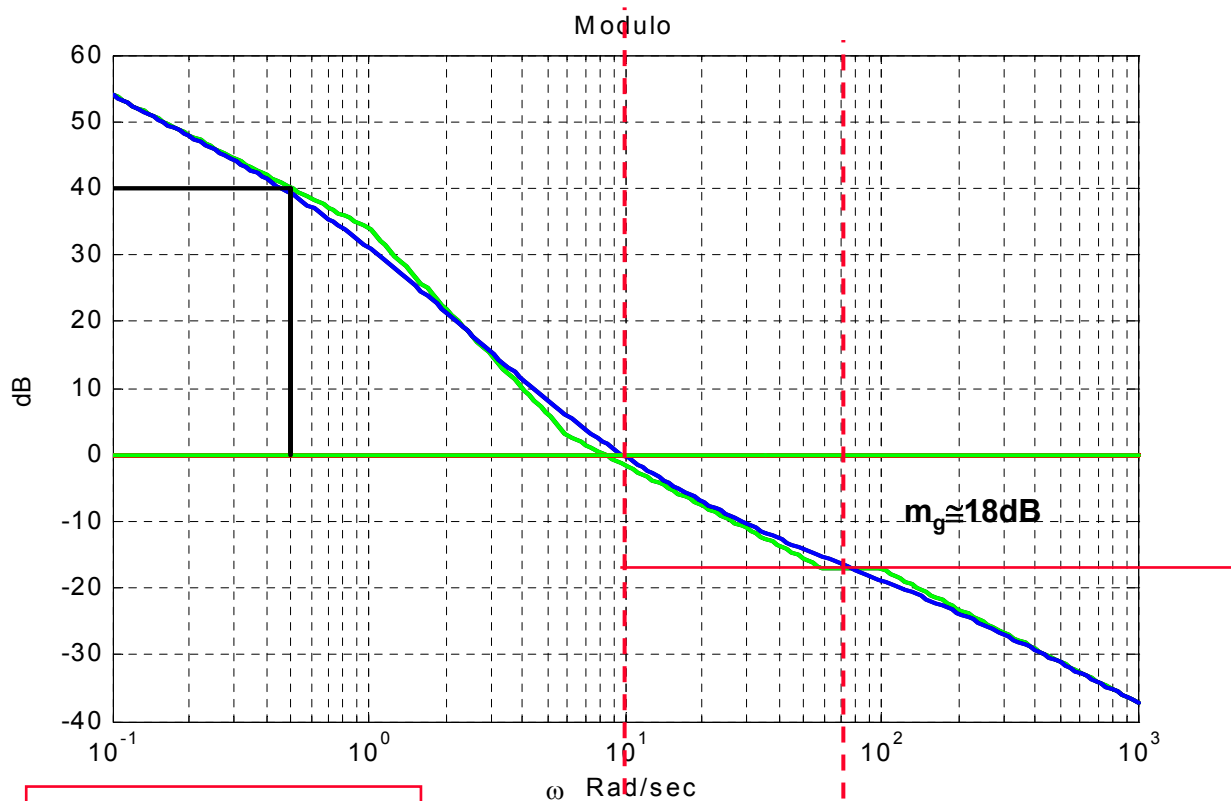
$$z(\infty) = \lim_{s \rightarrow 0} s W_z(s) z(s) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{K_d}{K_c} 2 = \frac{4}{25}$$

$$\left| \frac{K_d}{1 + F(j\omega)} \right| < e$$

$$|F(j\omega)| > \frac{K_d}{e} = \frac{4}{0.04}$$

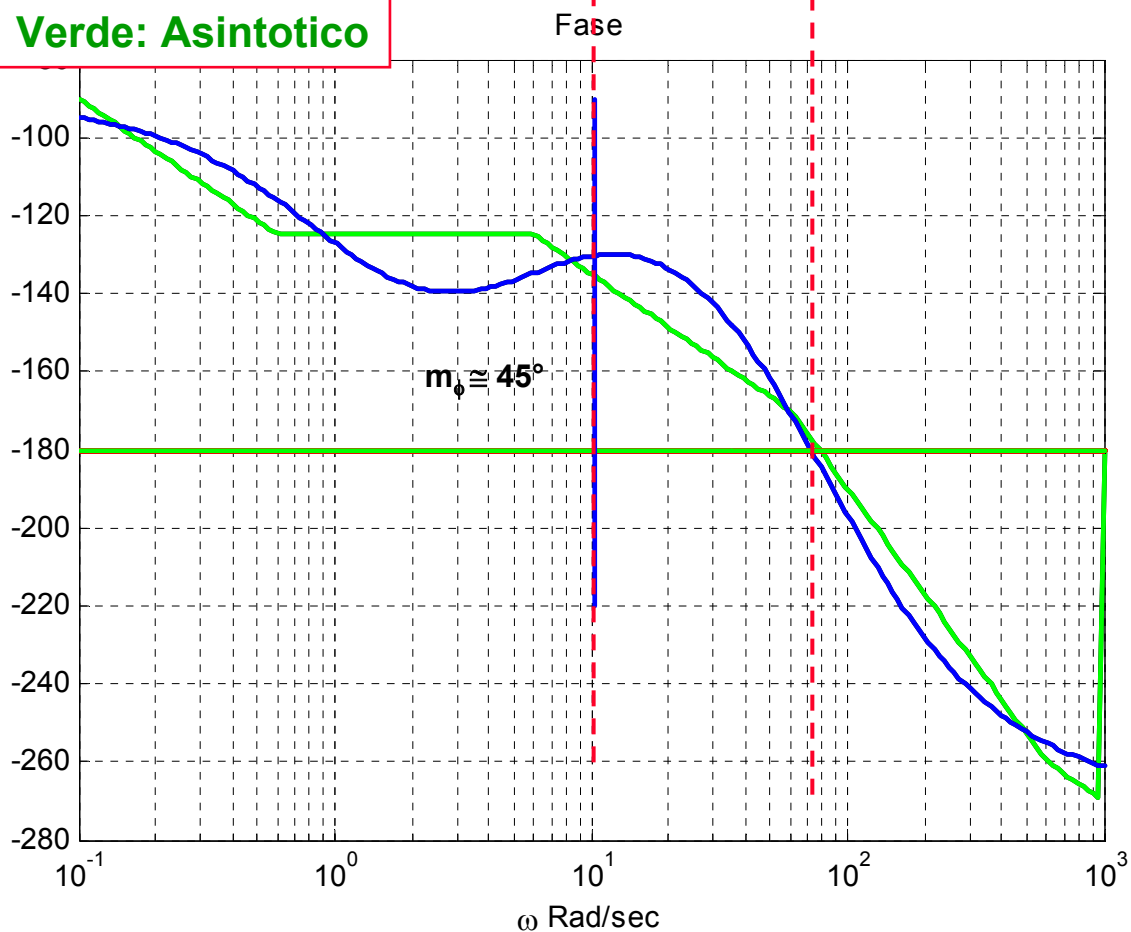
$$|F(j\omega)| > 100 = 40dB$$

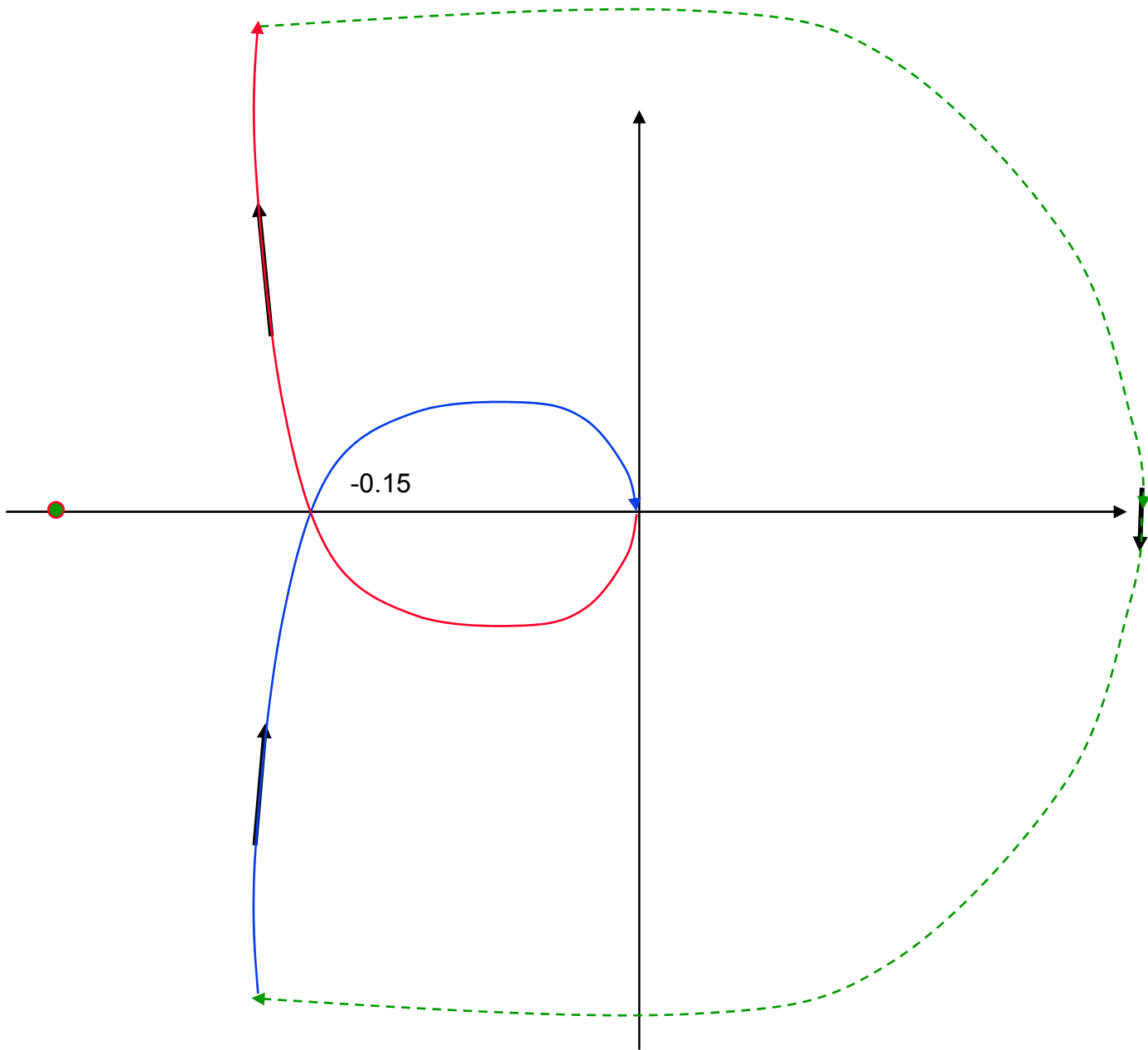
fino a  $\omega < 0.5$  rad/sec

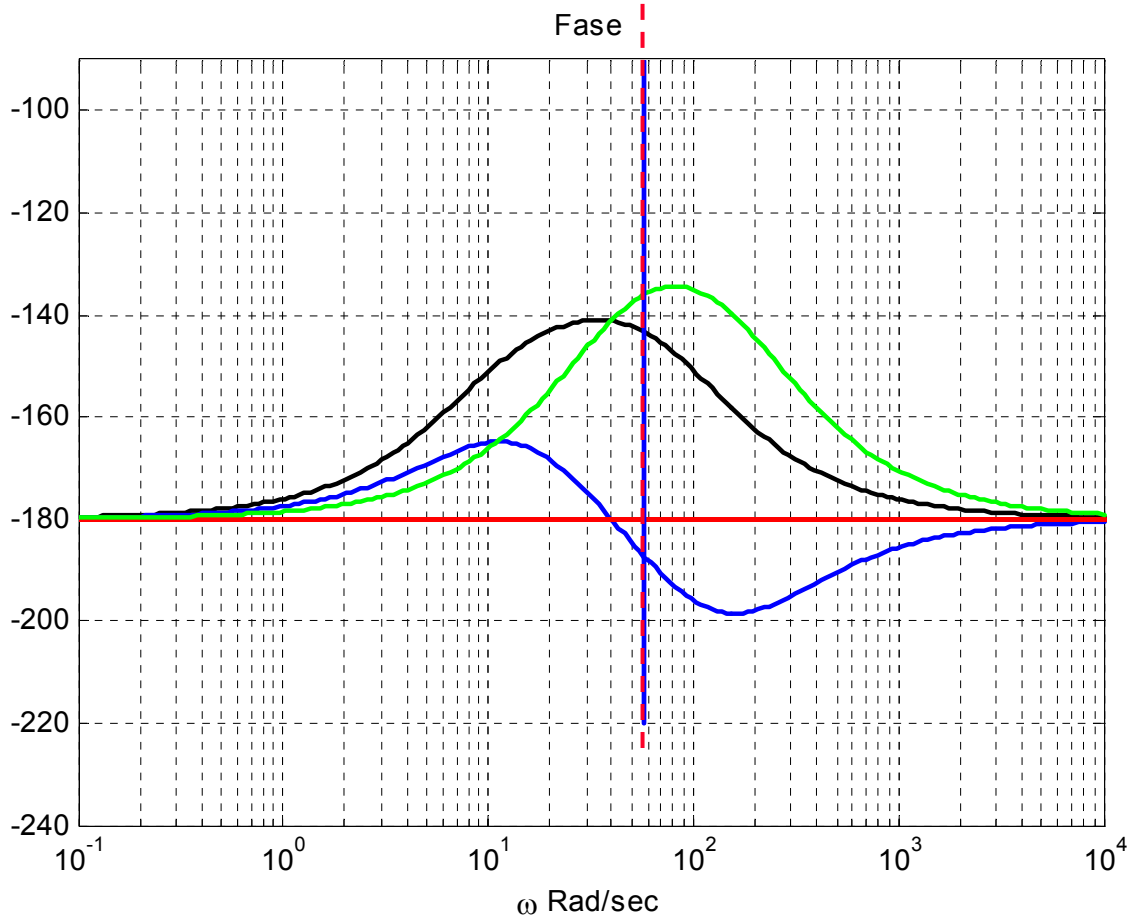
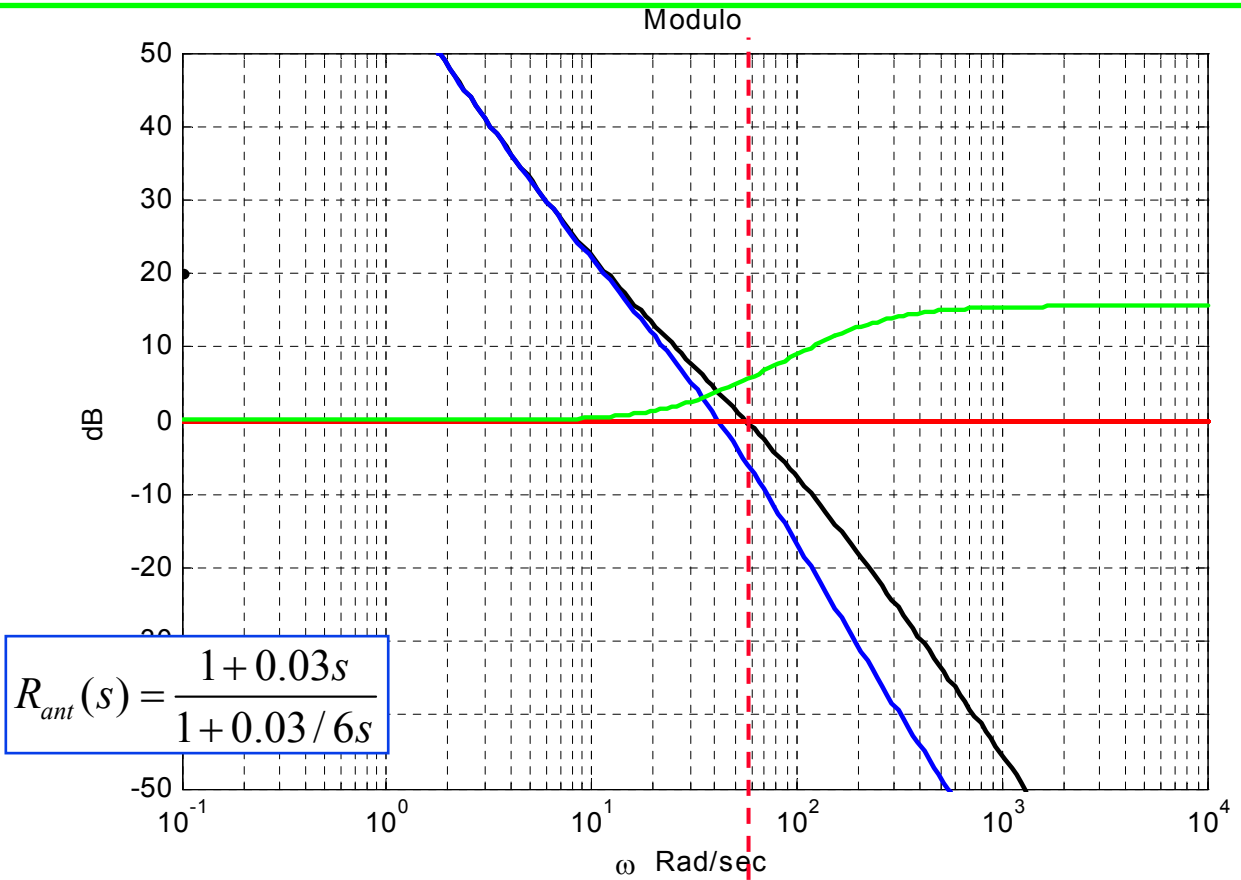


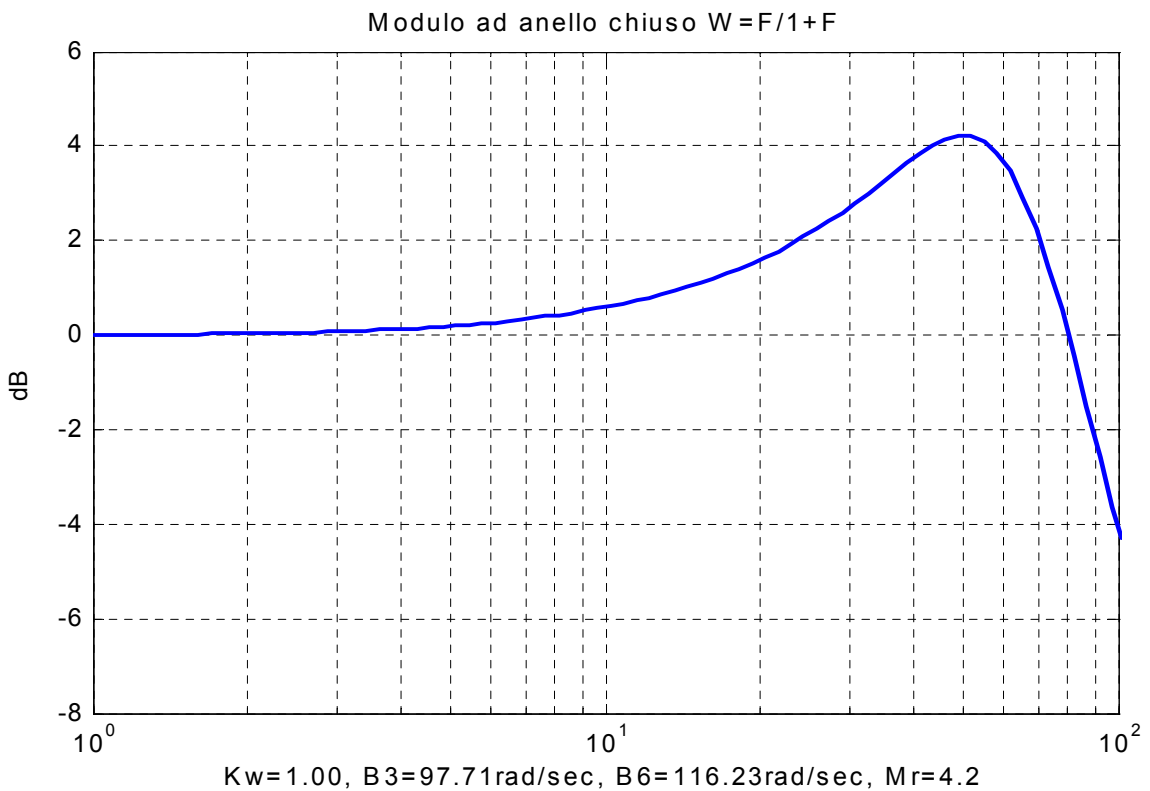
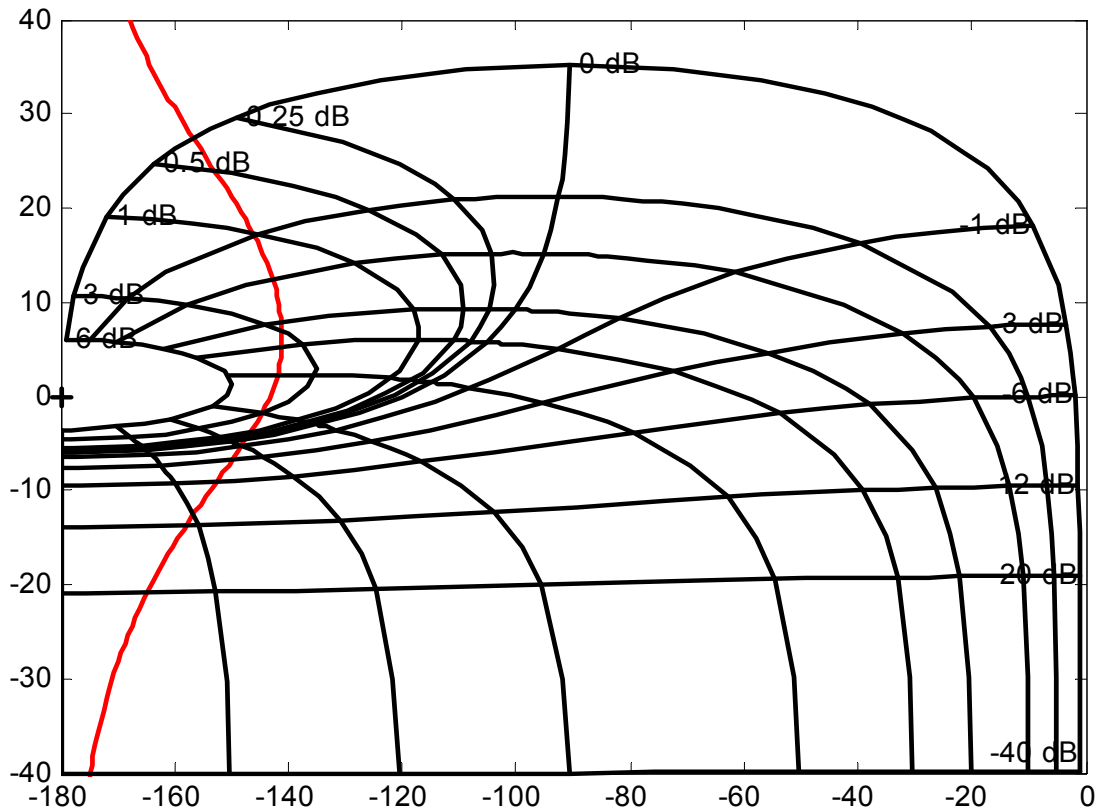
**Blu: vero**

**Verde: Asintotico**









La funzione di trasferimento a ciclo chiuso vale

$$W(s) = \frac{20}{s^3 + 5s^2 + 4s + 4}$$

Scrivendo la tabellina di Routh si scopre che il sistema è stabile.

Il tipo di sistema di controllo è pari ad 1 essendoci solo un polo in catena diretta.

Essendo 1 il tipo di sistema di controllo, ad ingresso unitario costante corrisponderà, a regime permanente, un'uscita costante, pari al guadagno del ciclo chiuso: questo è 4 e quindi  $u(t)=6$  fornisce  $y(t)=30$ .

Per calcolare il permanente con  $u(t)=2t$ , usiamo il metodo dei poli e dei residui limitandoci ai poli dell'ingresso, gli unici i cui modi non si esauriscono nel tempo:

$$u(t) = 2t;$$

$$U(s) = \frac{2}{s^2}; W(s) = \frac{20}{s^3 + 5s^2 + 4s + 4}$$

$$Y(s) = W(s)U(s) = \frac{40}{s^2(s^3 + 5s^2 + 4s + 4)} = Y_{trans}(s) + Y_{perm}(s)$$

$$Y_{perm}(s) = \frac{R_1}{s} + \frac{R_2}{s^2}$$

$$R_2 = \lim_{s \rightarrow 0} s^2 Y(s) = 10$$

$$R_1 = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{d}{ds} [s^2 Y(s)] = \lim_{s \rightarrow 0} \left( -40 \frac{3s^2 + 10s + 4}{(s^3 + 5s^2 + 4s + 4)^2} \right) = -10$$

$$y_{perm} = -10\delta_{-1}(t) + 10t$$

# SINTESI PERMANENTE, DISTURBO, RIPRODUZIONE SINUSOIDE **B**

---

- $K_d=3$  per avere il guadagno a ciclo chiuso richiesto,
- $h=1$  per avere un sistema di controllo di tipo 1 (errore finito per ingresso a rampa)
- $K_c \geq 60$  in conseguenza della specifica sull'errore.

$$P(s) = K_p \frac{N_p(s)}{D_p(s)}; C(s) = \frac{K_c}{s}; H(s) = \frac{1}{K_d}$$

$$W_z(s) = \frac{P(s)}{1 + C(s)P(s)H(s)} = \frac{sK_d K_p N_p(s)}{sK_d D_p(s) + K_c K_p N_p(s)}$$

$$z(s) = \frac{3}{s^2}$$

$$z(\infty) = \lim_{s \rightarrow 0} s W_z(s) z(s) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{K_d}{K_c} 3 = \frac{3}{20}$$

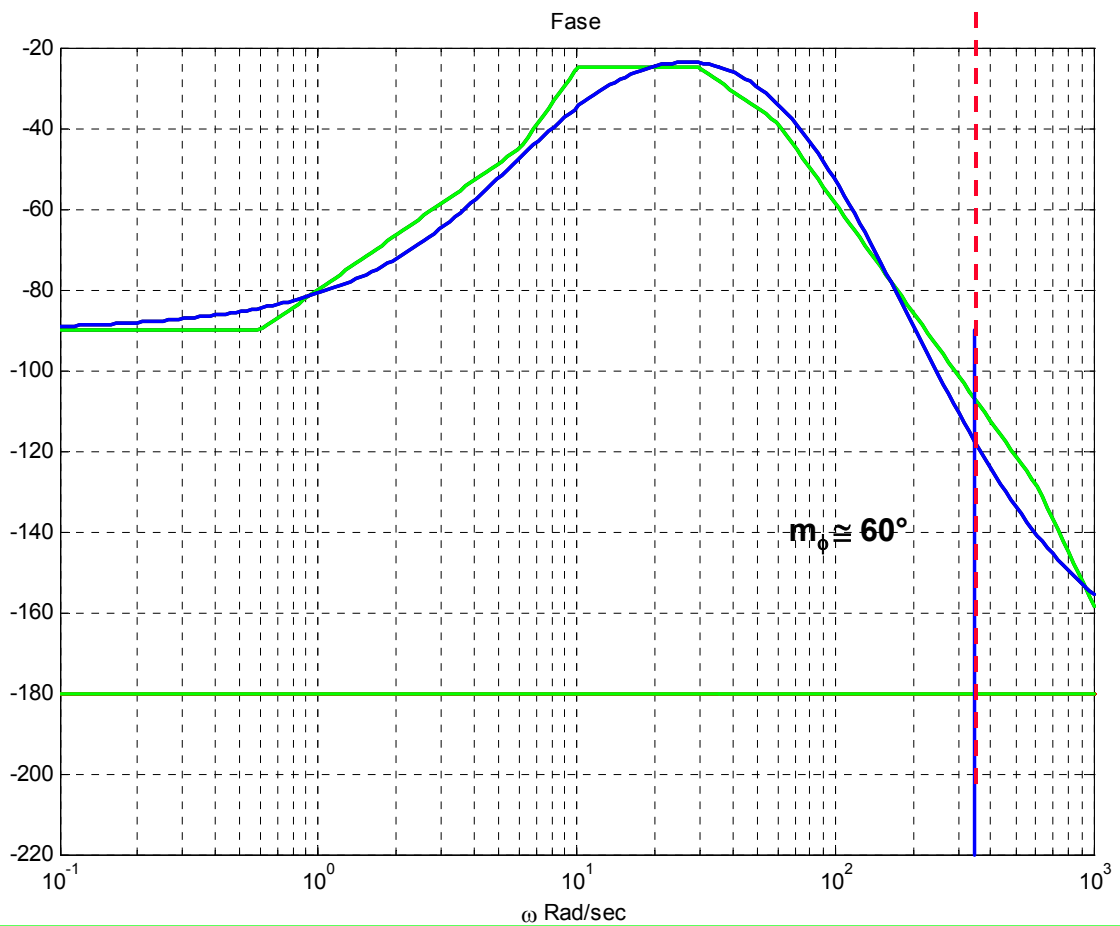
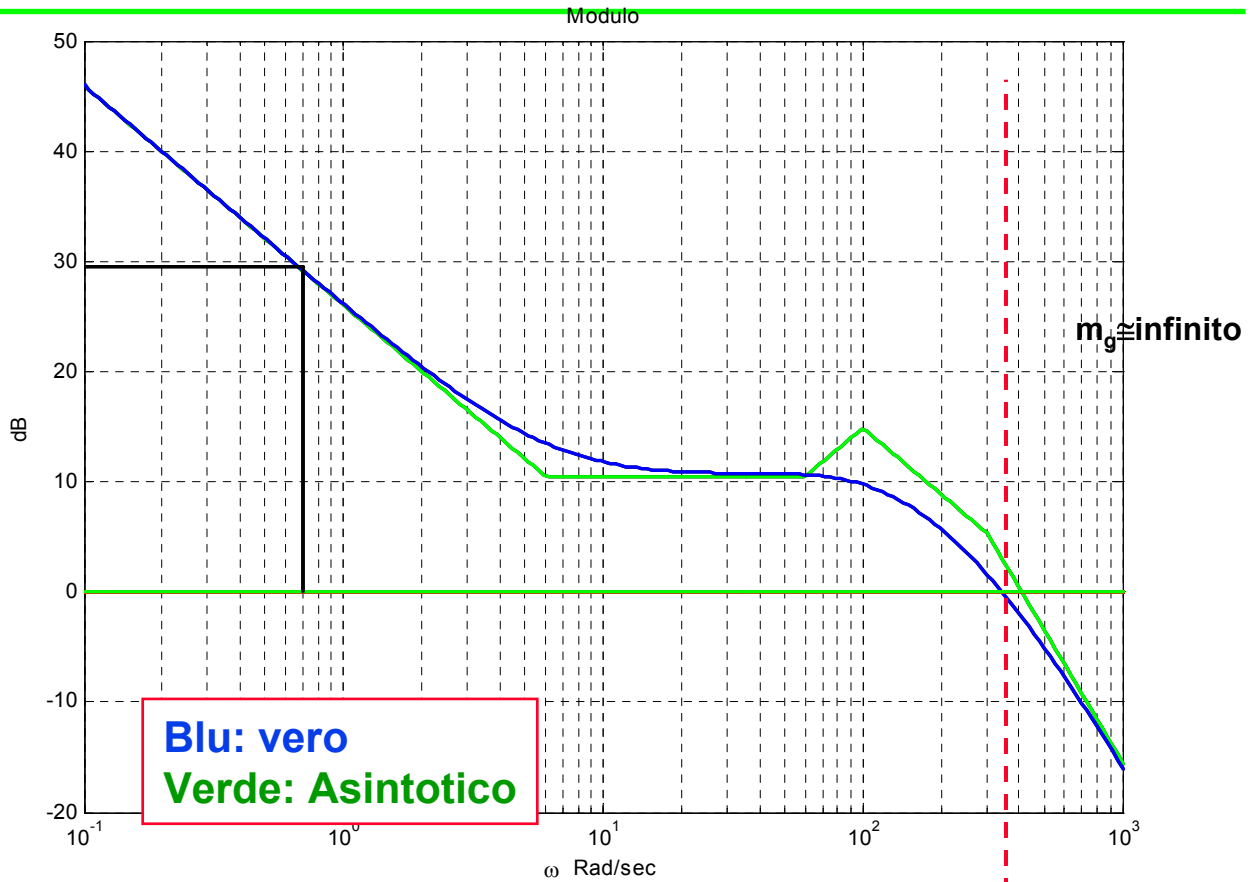
$$\left| \frac{K_d}{1 + F(j\omega)} \right| < e$$

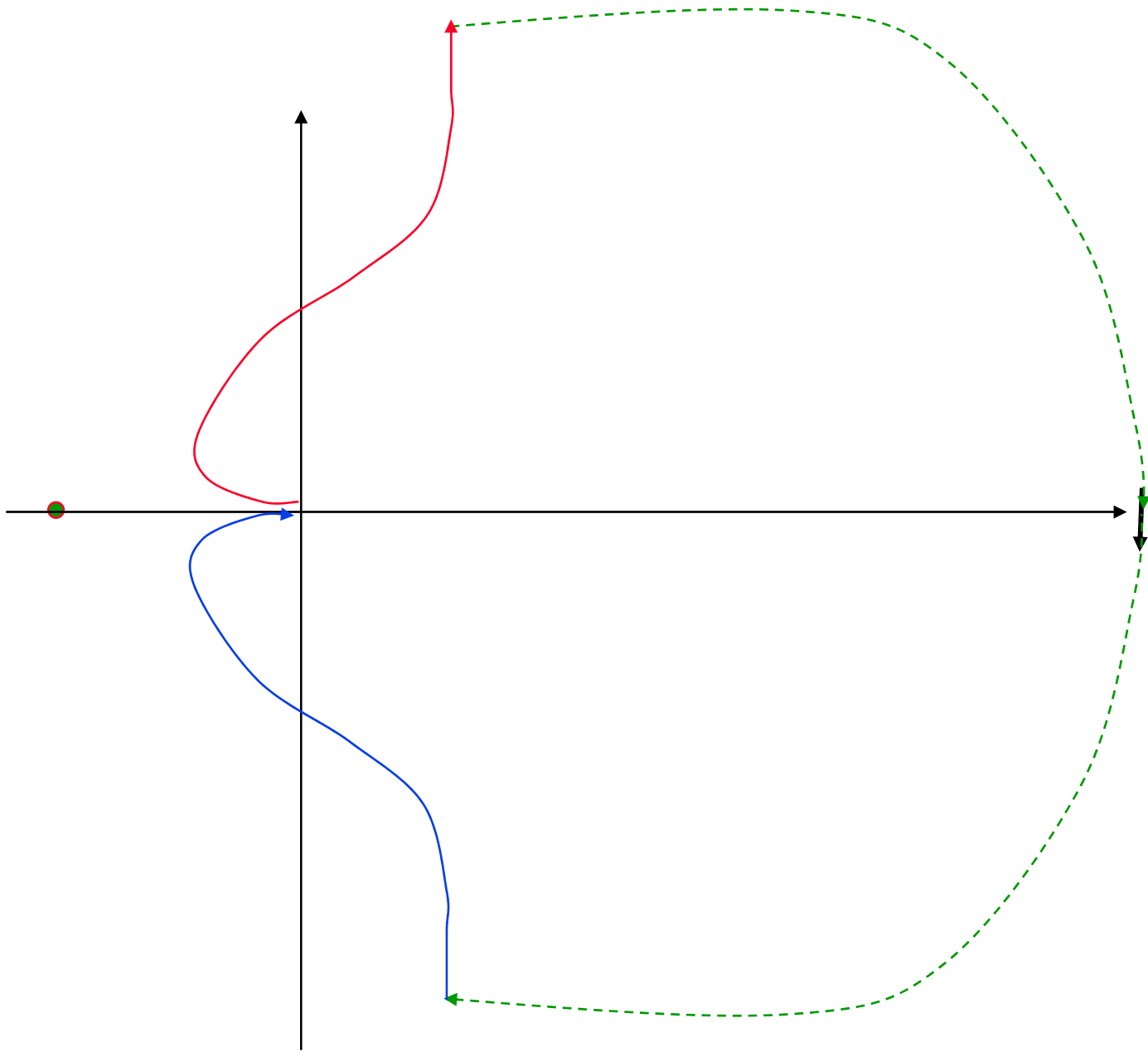
$$|F(j\omega)| > \frac{K_d}{e} = \frac{3}{0.1}$$

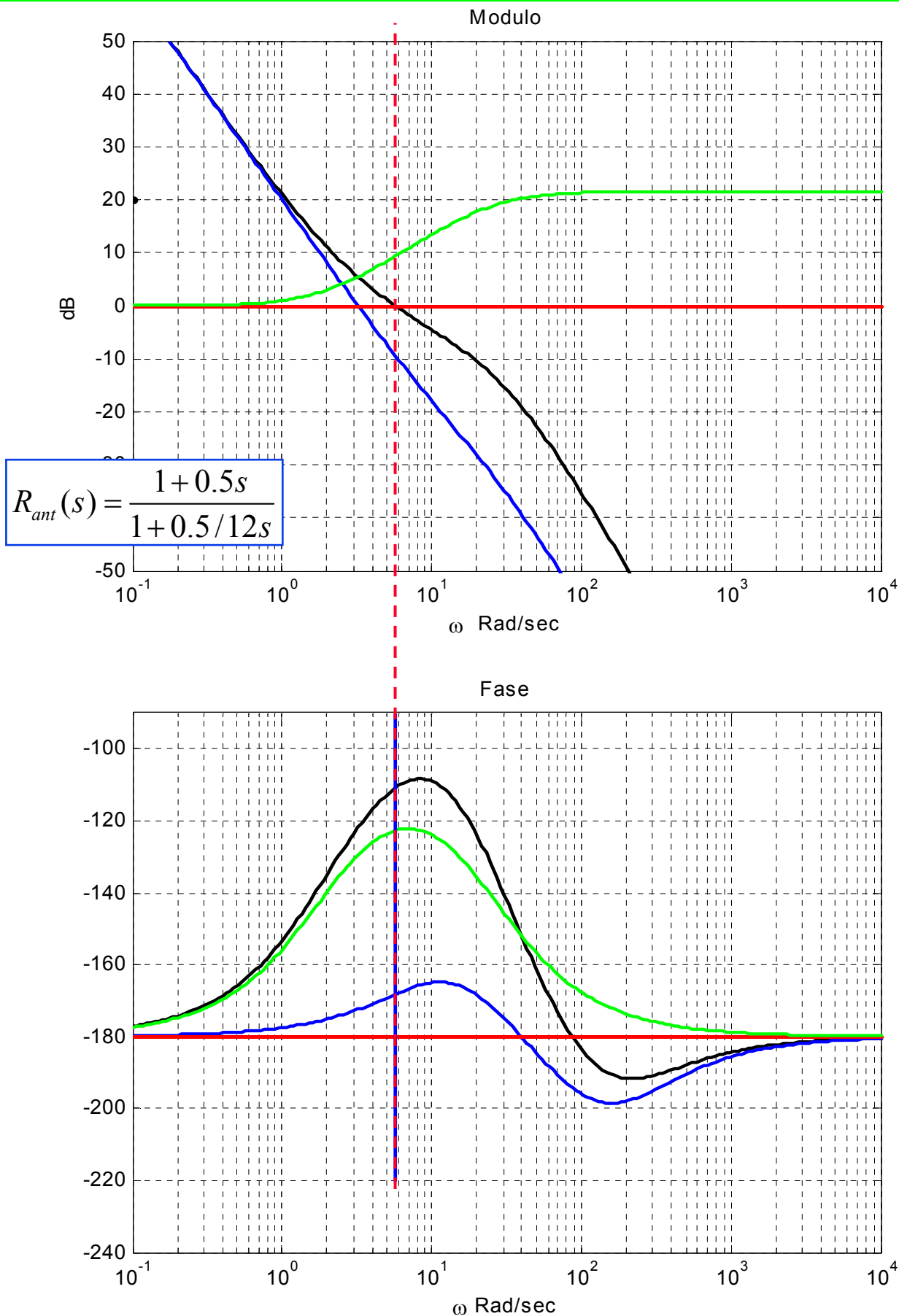
$$|F(j\omega)| > 30 = 29.54 \text{ dB}$$

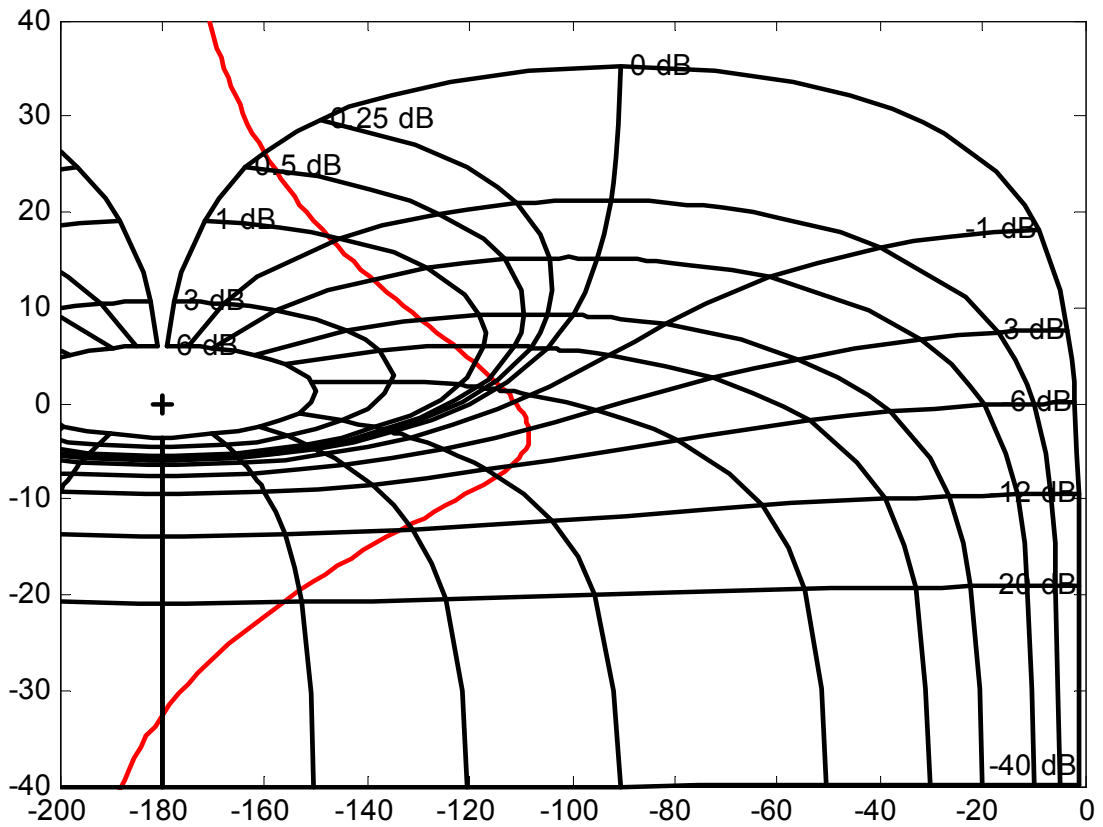
fino a  $\omega < 0.7$  rad/sec



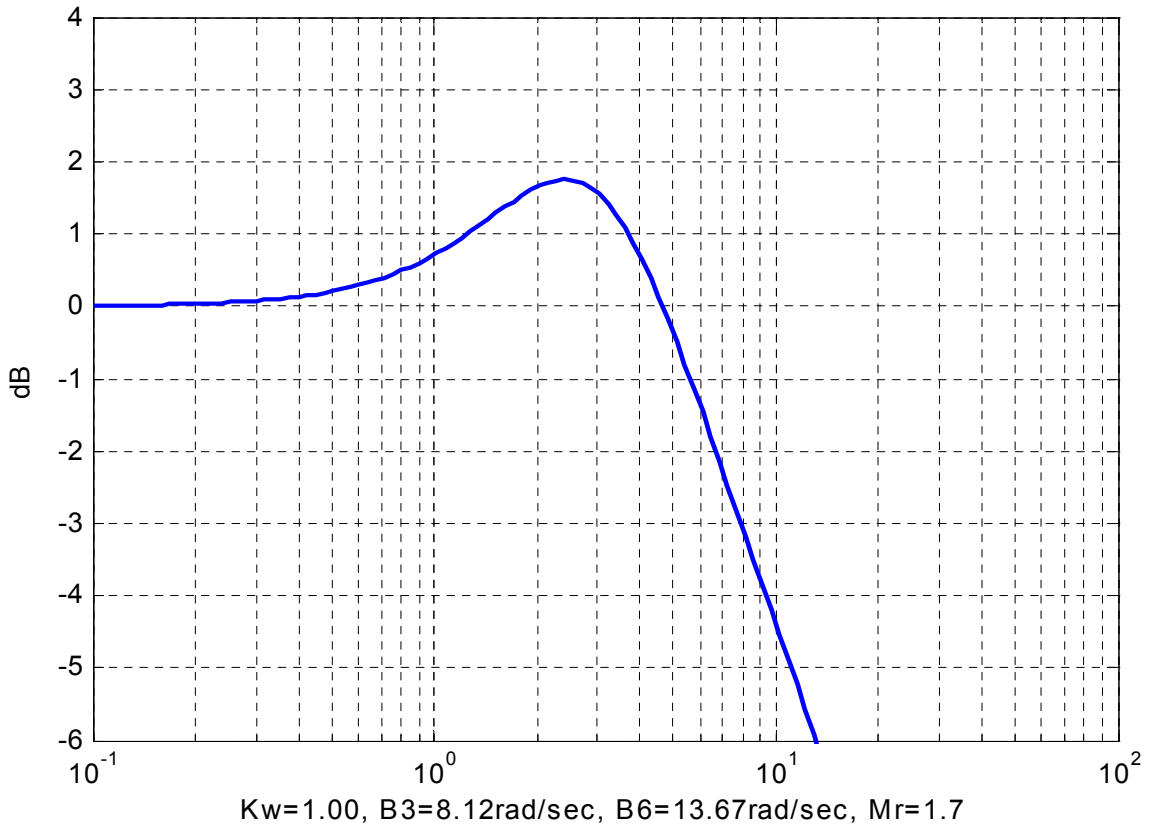








Modulo ad anello chiuso  $W = F / (1 + F)$



$K_w = 1.00$ ,  $B_3 = 8.12 \text{ rad/sec}$ ,  $B_6 = 13.67 \text{ rad/sec}$ ,  $M_r = 1.7$

La funzione di trasferimento a ciclo chiuso vale

$$W(s) = \frac{60}{4s^3 + 20s^2 + 24s + 9}$$

Scrivendo la tabellina di Routh si scopre che il sistema è stabile.

Il tipo di sistema di controllo è pari ad 1 essendoci solo un polo in catena diretta.

Essendo 1 il tipo di sistema di controllo, ad ingresso unitario costante corrisponderà, a regime permanente, un'uscita costante, pari al guadagno del ciclo chiuso: questo è  $1/0.15$  e quindi  $u(t)=6$  fornisce  $y(t)=40$ .

Per calcolare il permanente con  $u(t)=2t$ , usiamo il metodo dei poli e dei residui limitandoci ai poli dell'ingresso, gli unici i cui modi non si esauriscono nel tempo:

$$u(t) = 2t;$$

$$U(s) = \frac{2}{s^2}; W(s) = \frac{60}{4s^3 + 20s^2 + 24s + 9}$$

$$Y(s) = W(s)U(s) = \frac{60}{s^2(4s^3 + 20s^2 + 24s + 9)} = Y_{trans}(s) + Y_{perm}(s)$$

$$Y_{perm}(s) = \frac{R_1}{s} + \frac{R_2}{s^2}$$

$$R_2 = \lim_{s \rightarrow 0} s^2 Y(s) = 20$$

$$R_1 = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{d}{ds} [s^2 Y(s)] = \lim_{s \rightarrow 0} \left( -180 \frac{12s^2 + 40s + 24}{(4s^3 + 20s^2 + 24s + 9)^2} \right) = -53.333$$

$$y_{perm} = -53.333\delta_{-1}(t) + 20t$$

# SINTESI PERMANENTE, DISTURBO, RIPRODUZIONE SINUSOIDE C

- $K_d=2$  per avere il guadagno a ciclo chiuso richiesto,
- $h=1$  per avere un sistema di controllo di tipo 1 (errore finito per ingresso a rampa)
- $K_c \geq 10$  in conseguenza della specifica sull'errore.

$$P(s) = K_p \frac{N_p(s)}{D_p(s)}; C(s) = \frac{K_c}{s}; H(s) = \frac{1}{K_d}$$

$$W_z(s) = \frac{P(s)}{1 + C(s)P(s)H(s)} = \frac{sK_d K_p N_p(s)}{sK_d D_p(s) + K_c K_p N_p(s)}$$

$$z(s) = \frac{2}{s^2}$$

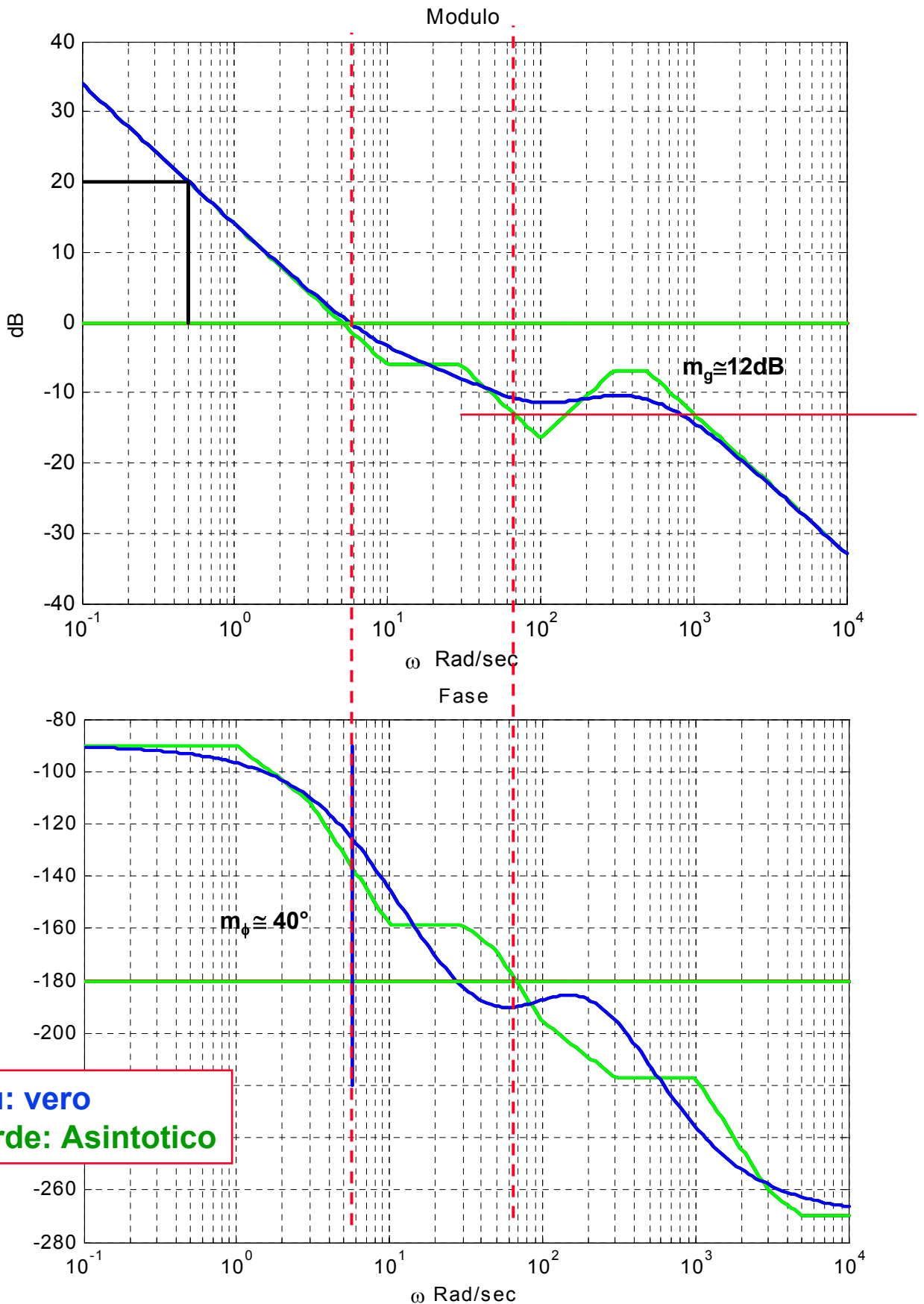
$$z(\infty) = \lim_{s \rightarrow 0} s W_z(s) z(s) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{K_d}{K_c} 2 = \frac{2}{5}$$

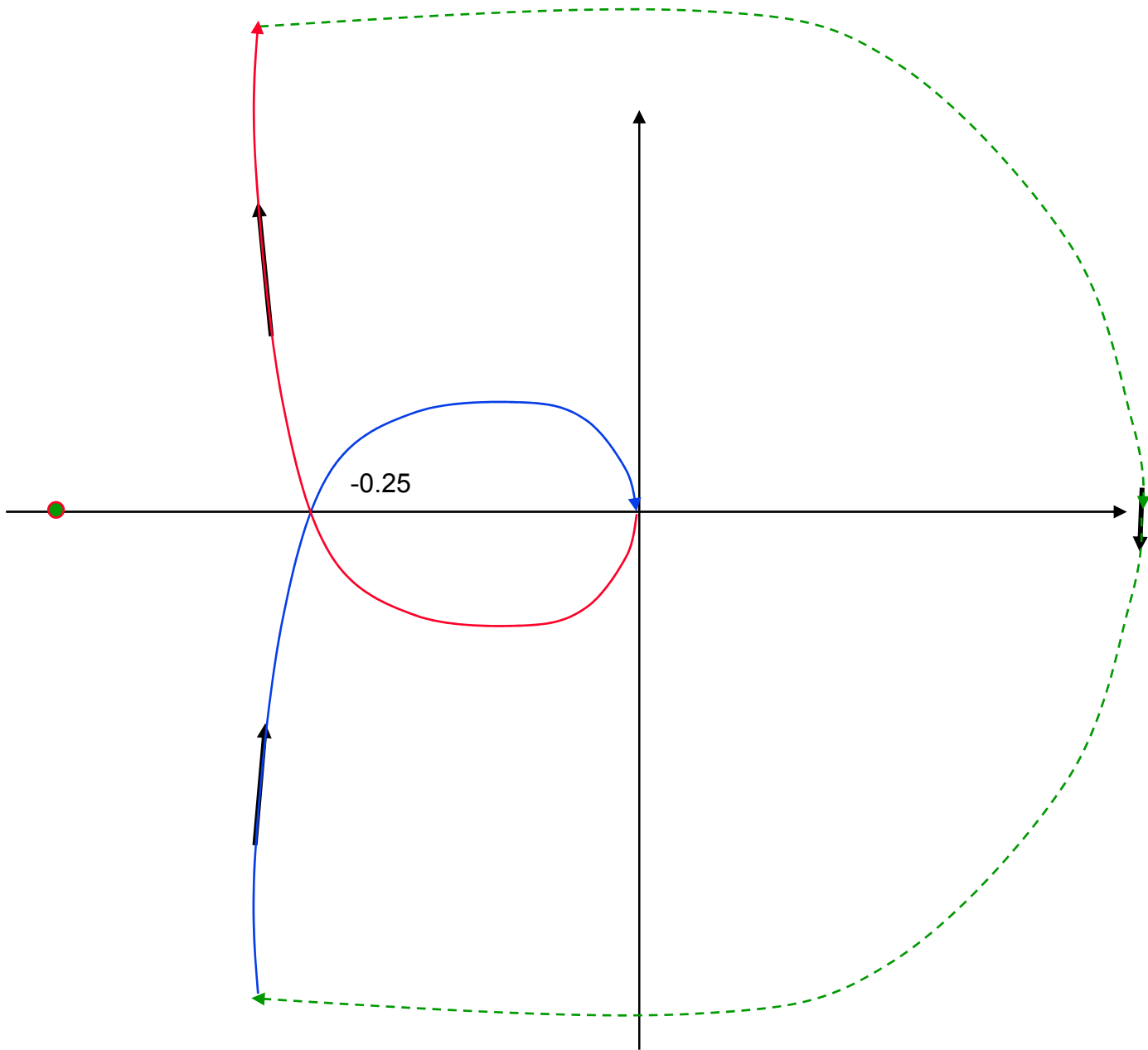
$$\left| \frac{K_d}{1 + F(j\omega)} \right| < e$$

$$|F(j\omega)| > \frac{K_d}{e} = \frac{2}{0.2}$$

$$|F(j\omega)| > 10 = 20dB$$

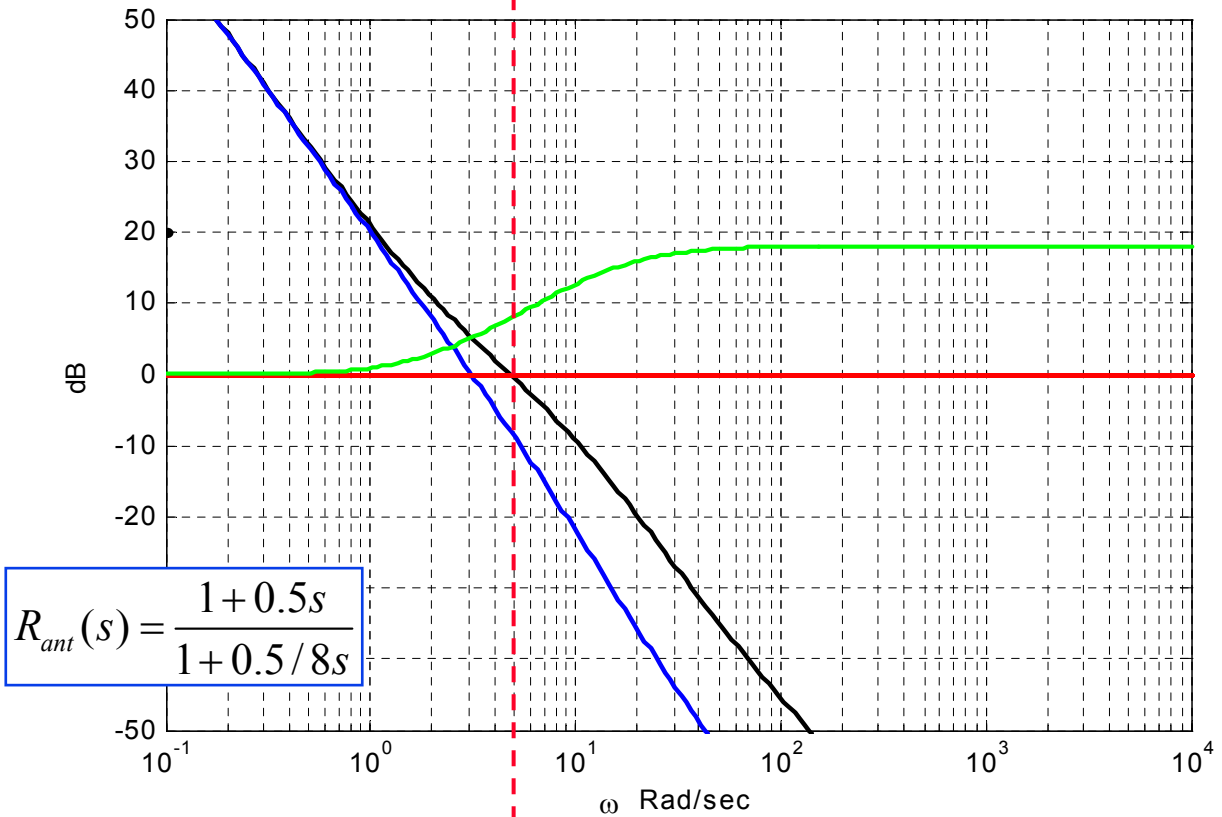
fino a  $\omega < 0.5$  rad/sec



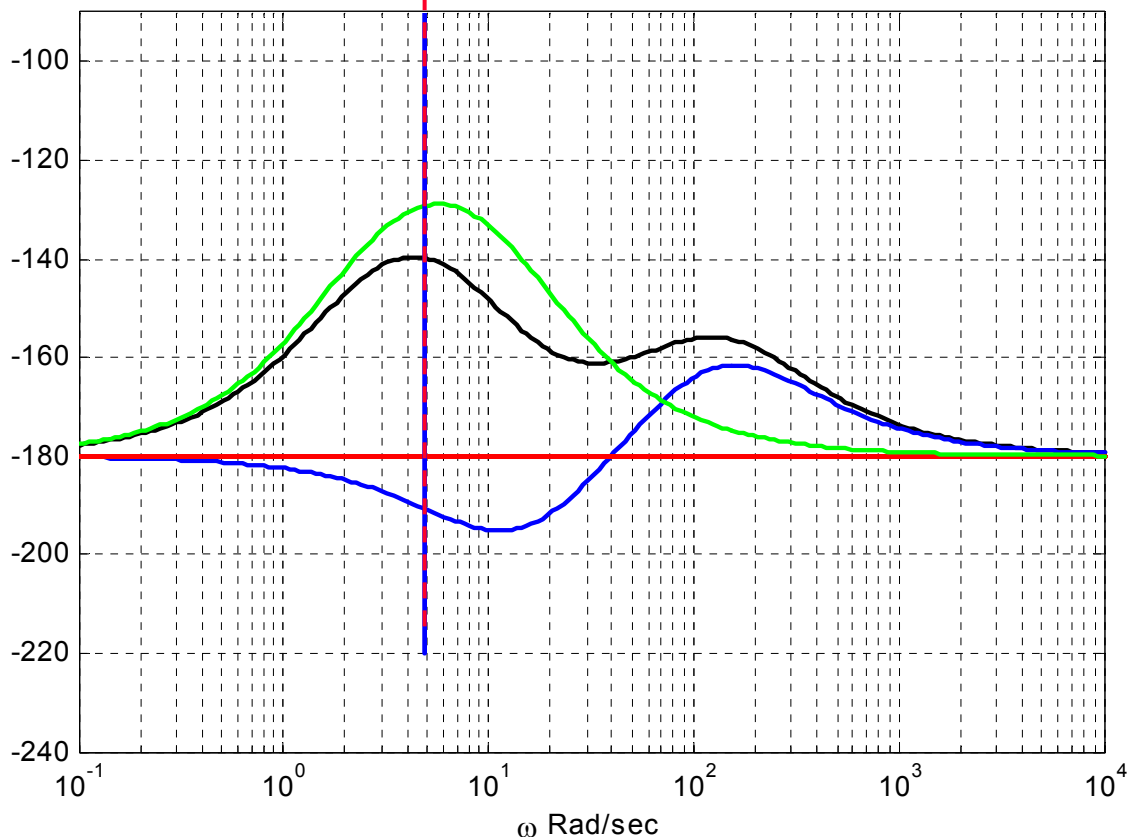


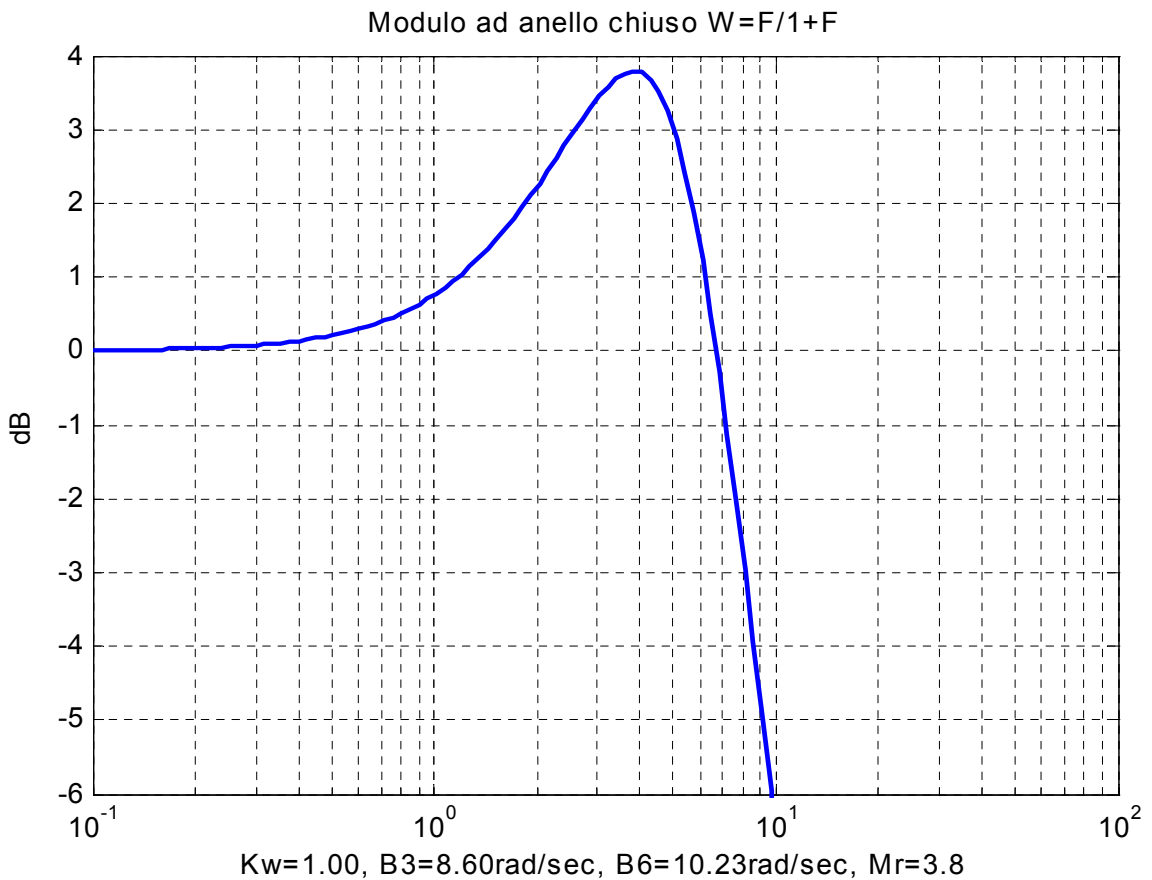
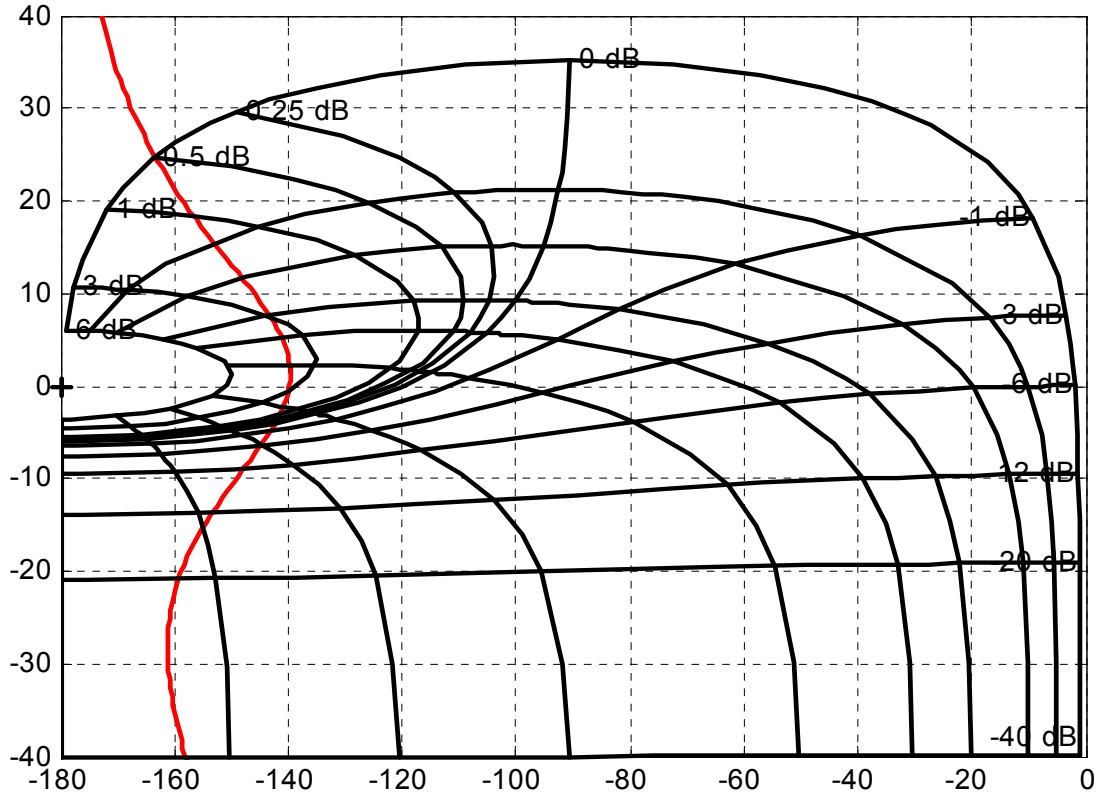


Modulo



Fase





La funzione di trasferimento a ciclo chiuso vale

$$W(s) = \frac{10}{2s^3 + 12s^2 + 10s + 1}$$

Scrivendo la tabellina di Routh si scopre che il sistema è stabile.

Il tipo di sistema di controllo è pari ad 1 essendoci solo un polo in catena diretta.

Essendo 1 il tipo di sistema di controllo, ad ingresso unitario costante corrisponderà, a regime permanente, un'uscita costante, pari al guadagno del ciclo chiuso: questo è 10 e quindi  $u(t)=3$  fornisce  $y(t)=30$ .

Per calcolare il permanente con  $u(t)=2.5t$ , usiamo il metodo dei poli e dei residui limitandoci ai poli dell'ingresso, gli unici i cui modi non si esauriscono nel tempo:

$$u(t) = 2.5t;$$

$$U(s) = \frac{2.5}{s^2}; W(s) = \frac{10}{2s^3 + 12s^2 + 10s + 1}$$

$$Y(s) = W(s)U(s) = \frac{25}{s^2(2s^3 + 12s^2 + 10s + 1)} = Y_{trans}(s) + Y_{perm}(s)$$

$$Y_{perm}(s) = \frac{R_1}{s} + \frac{R_2}{s^2}$$

$$R_2 = \lim_{s \rightarrow 0} s^2 Y(s) = 25$$

$$R_1 = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{d}{ds} [s^2 Y(s)] = \lim_{s \rightarrow 0} \left( -25 \frac{6s^2 + 24s + 10}{(2s^3 + 16s^2 + 30s + 5)^2} \right) = -250$$

$$y_{perm} = -250\delta_{-1}(t) + 25t$$

# SINTESI PERMANENTE, DISTURBO, RIPRODUZIONE SINUSOIDE **D**

- $K_d=3$  per avere il guadagno a ciclo chiuso richiesto,
- $h=2$  per avere un sistema di controllo di tipo 2 (errore finito per ingresso a rampa)
- $K_c \geq 200$  in conseguenza della specifica sull'errore.

$$P(s) = K_p \frac{N_p(s)}{D_p(s)}; C(s) = \frac{K_c}{s^2}; H(s) = \frac{1}{K_d}$$

$$W_z(s) = \frac{P(s)}{1 + C(s)P(s)H(s)} = \frac{s^2 K_d K_p N_p(s)}{s^2 K_d D_p(s) + K_c K_p N_p(s)}$$

$$z(s) = \frac{3}{s^2}$$

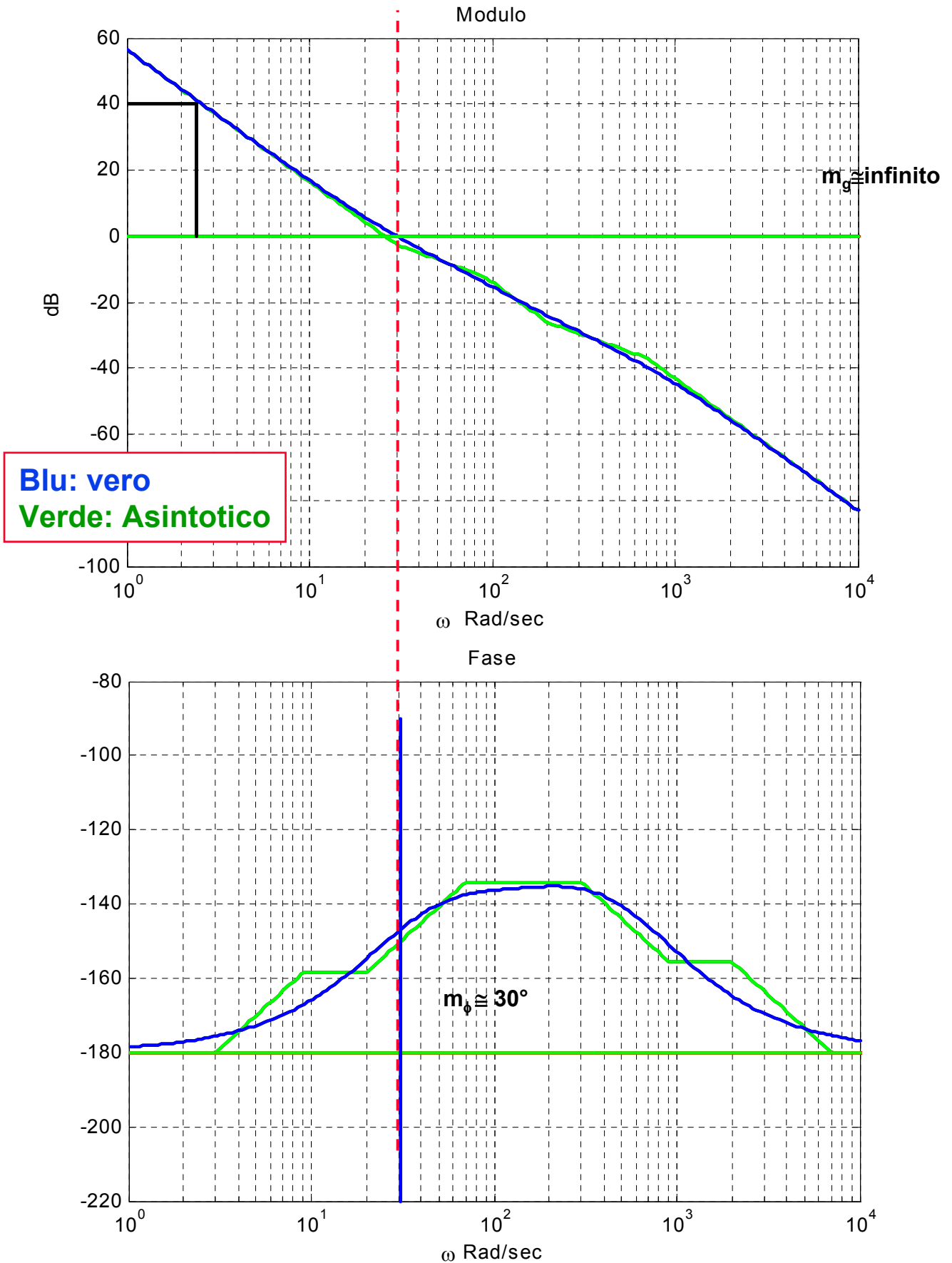
$$z(\infty) = \lim_{s \rightarrow 0} s W_z(s) z(s) = 0$$

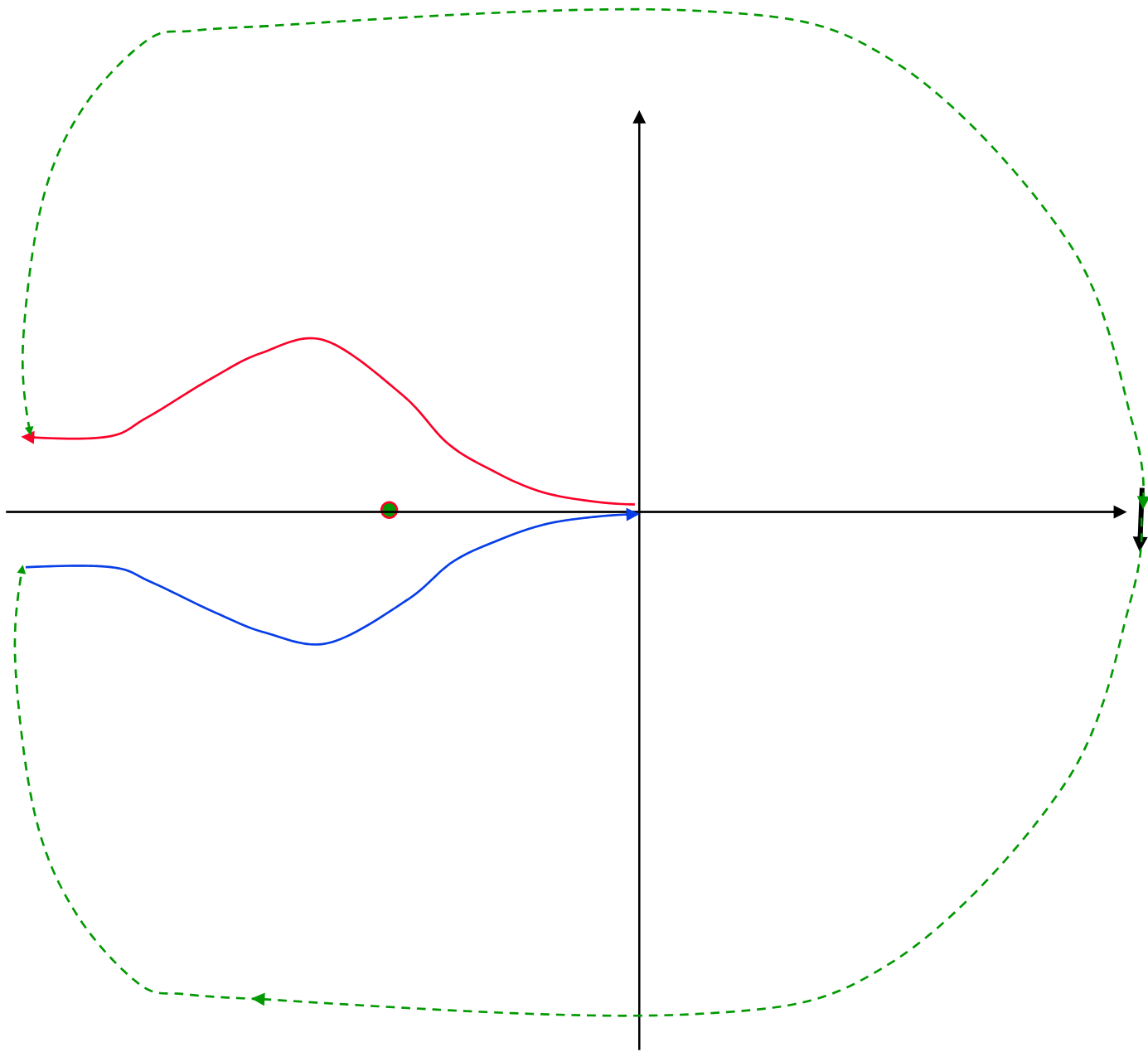
$$\left| \frac{K_d}{1 + F(j\omega)} \right| < e$$

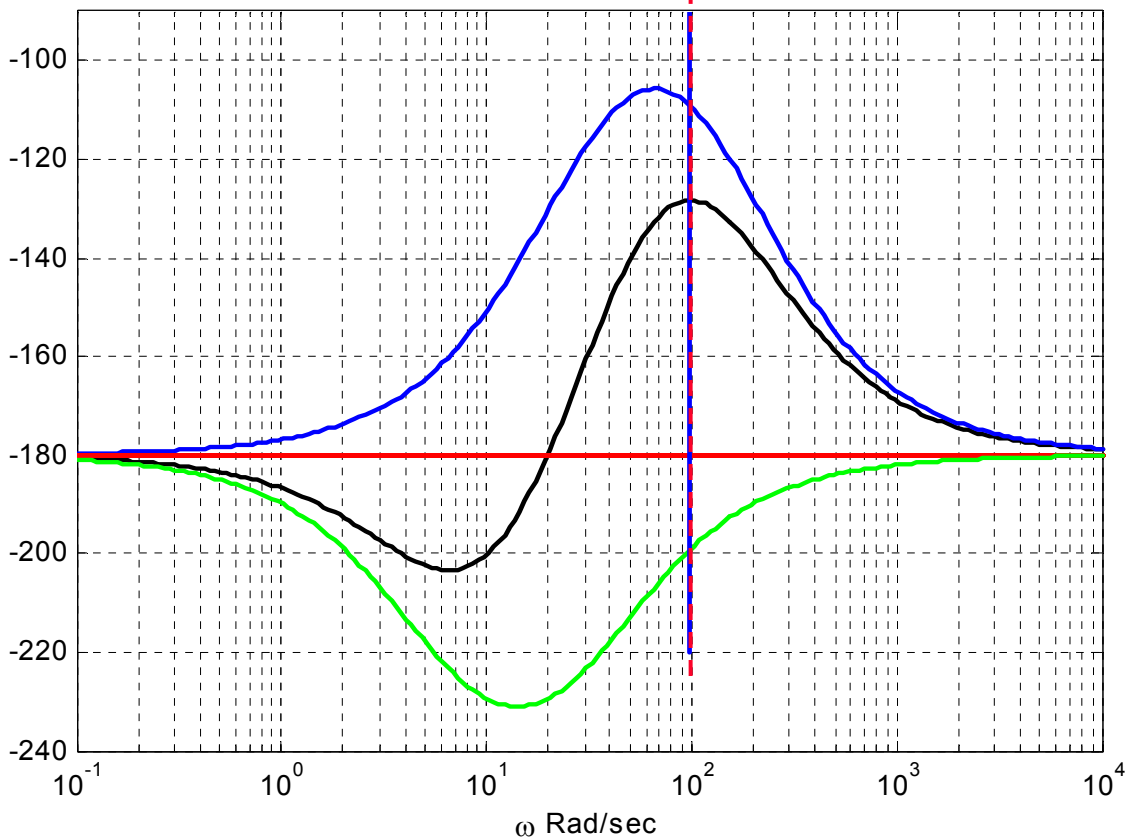
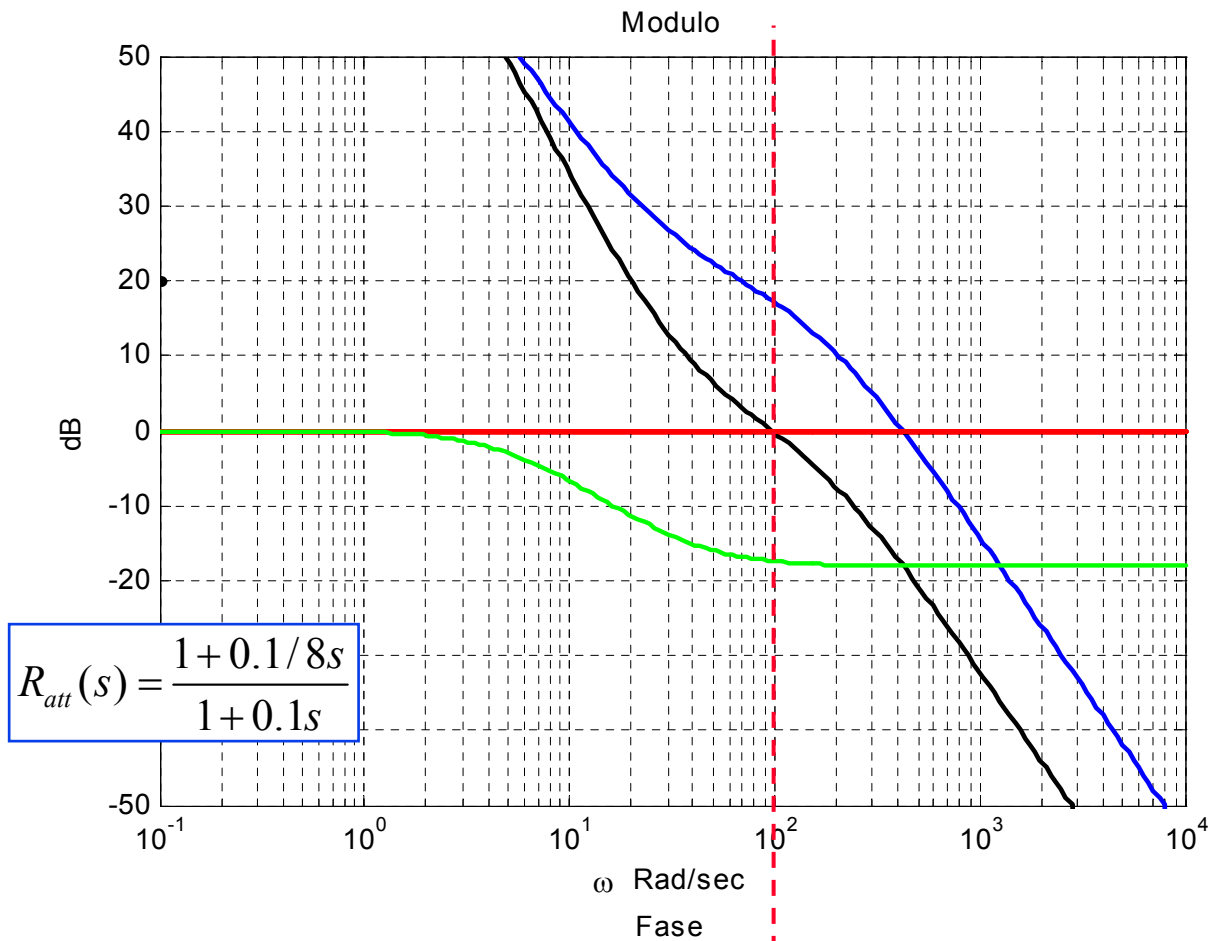
$$|F(j\omega)| > \frac{K_d}{e} = \frac{3}{0.03}$$

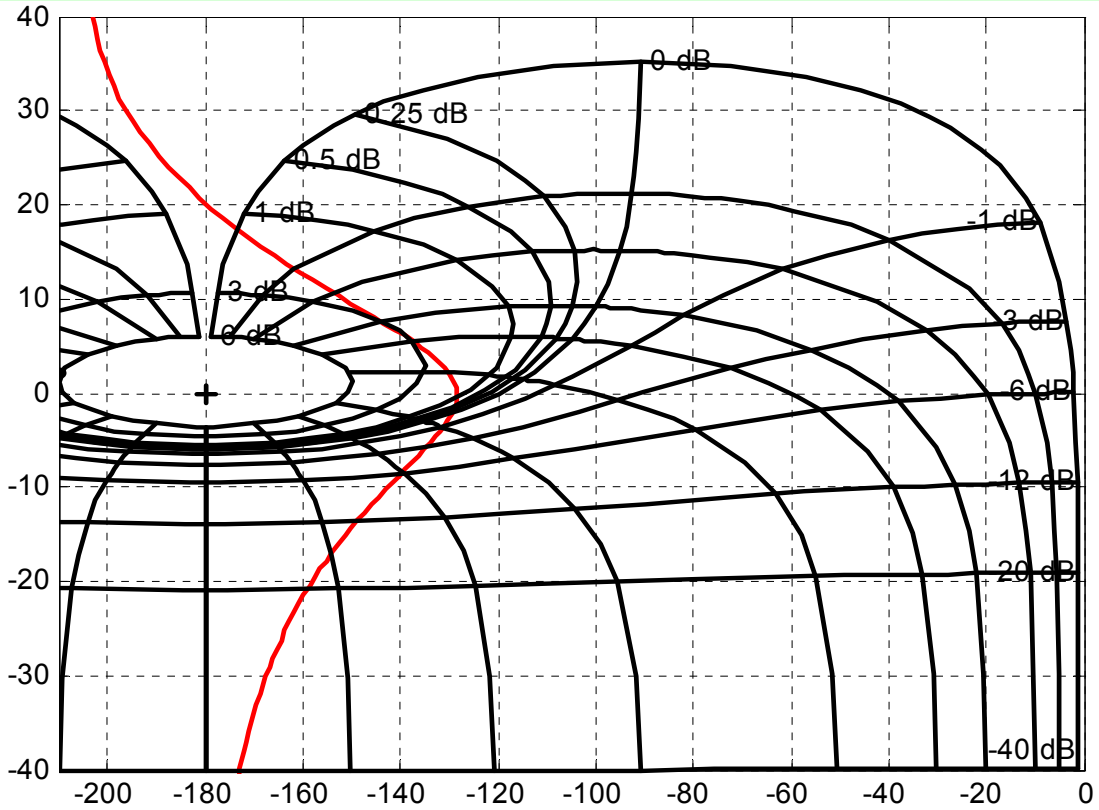
$$|F(j\omega)| > 100 = 40dB$$

fino a  $\omega < 2.4$  rad/sec









Modulo ad anello chiuso  $W=F/1+F$

