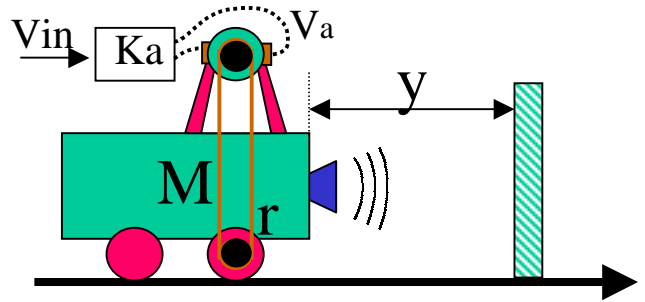


(legenda: *de*=diploma elettronico, *di*=diploma informatico, *l*=laurea)

1-(*di+l*). Il carrello riportato in figura dispone di un sensore ad ultrasuoni in grado di fornire una misura di distanza  $y$  ogni 0.5 sec. Tenendo conto che il motore in c.c. è controllato in tensione sull'armatura e che la trasmissione è rigida, tracciare lo schema a blocchi del sistema di controllo a ciclo chiuso della distanza  $y$ , impiegando un generico controllore  $C(z)$ .



1a-(*de*) Svolgere l'esercizio 1 supponendo che il sensore sia di tipo analogico (fornisca la misura in maniera continua) ed il controllore sia rappresentabile con una f.d.t.  $C(s)$ .

2-(*de*) Linearizzare il seguente sistema di equazioni intorno al punto  $x_1=0, x_2=1$ , e discutere la stabilità del sistema linearizzato.

$$\begin{aligned} \dot{x}_1 &= -3x_2 \sin(x_1) + u \\ \dot{x}_2 &= -4x_2x_1 + x_1u \end{aligned}$$

3-(*l+di*) Sia dato un processo  $P(s)$  descrivibile mediante la funzione di trasferimento

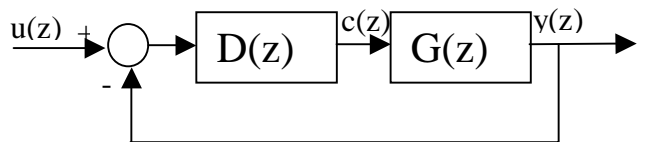
$$P(s) = \frac{s + 5}{(s + 1)(s / 50 + 1)} e^{-0.01s}$$

Sintetizzare un sistema di controllo a controreazione tale che il guadagno a ciclo chiuso sia pari a 2 e l'errore a regime per un ingresso a rampa  $u(t)=5t$  sia minore di 0.04. Inoltre, la pulsazione di attraversamento  $\omega_t$  sia maggiore di 40 rad/sec ed il margine di fase della funzione a ciclo aperto sia maggiore di 40°. Valutare dai diagrammi ottenuti l'errore di riproduzione di un ingresso del tipo  $u(t)=2\sin(10t)$ , e determinare, utilizzando la carta di Nichols, la banda passante (in Hz) ed il modulo alla risonanza della funzione a ciclo chiuso.

4-(*de*) Tracciare il diagramma di bode della funzione  $P(s)$  dell'esercizio 3

5-(*l*) Dato il processo discreto  $G(z) = 1/(z-0.5)$  sintetizzare il controllore  $D(z)$  in modo che il sistema in controreazione riportato in figura riproduca esattamente l'ingresso con un ritardo di 1 campione.

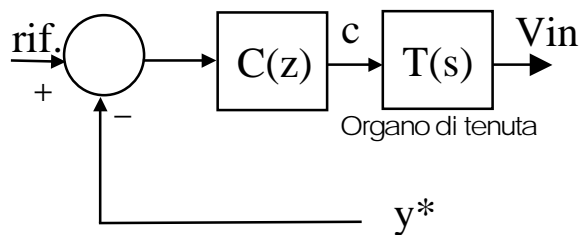
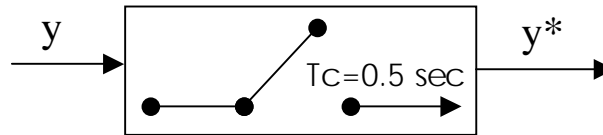
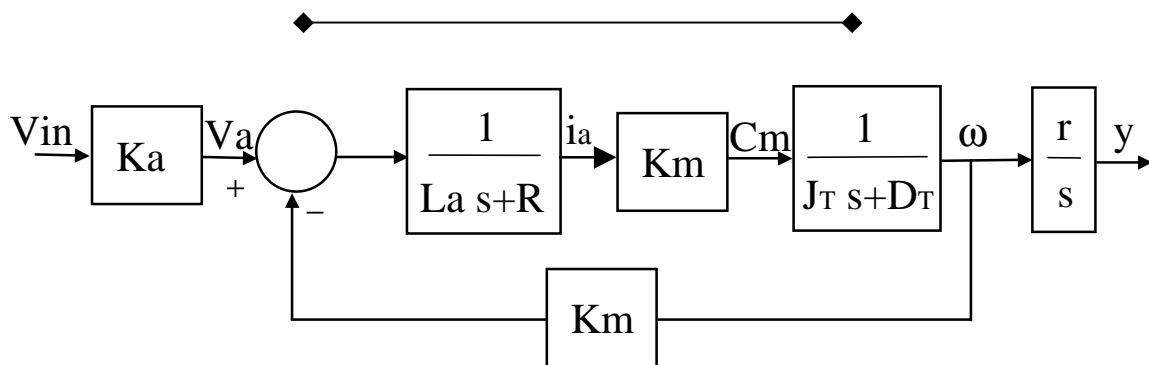
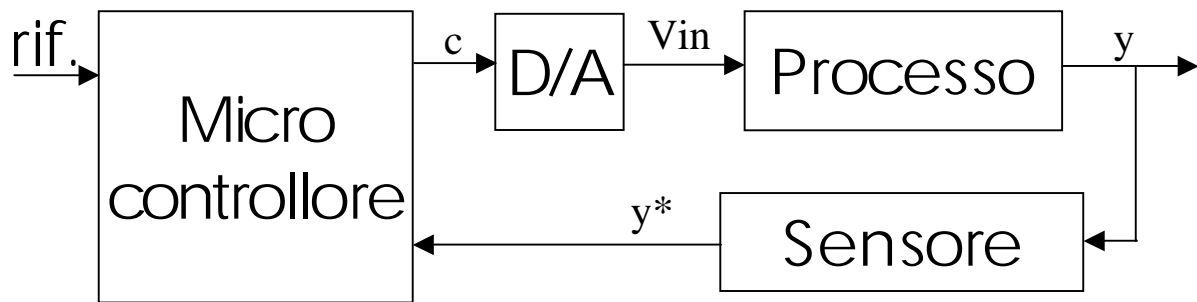
Successivamente, perturbare il processo  $G(z)$  spostando a 0.6 il polo mantenendo il guadagno inalterato. Determinare sulla nuova  $W(z)$  risultante (funzione di trasferimento a ciclo chiuso) il valore della sovralongazione in risposta al gradino unitario mediante il calcolo dei primi campioni dell'uscita.



6-(*l+di*) Diagonalizzare il sistema a fianco (ricavare la funzione di trasferimento, scomporla in frazioni parziali e ricavare nuovamente la rappresentazione nello spazio di stato). Ricavare, infine, il valore della risposta impulsiva per  $t=2\text{sec}$ .

$$A = \begin{pmatrix} 3 & -15 \\ 2 & -8 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix}, C = (-4 \quad 11)$$

# MODELLISTICA (1)



$$J_T = Mr^2 + J_{\text{motore}}$$

$$D_T = D_{\text{rotolamento}} + D_{\text{motore}}$$

## LINEARIZZAZIONE (2)

---

$$\dot{x}_1 = -3x_2 \sin(x_1) + u$$

$$\dot{x}_2 = -4x_2x_1 + x_1u$$

all'equilibrio

$$0 = -3x_{20} \sin(x_{10}) + u_0$$

$$0 = -4x_{20}x_{10} + x_{10}u_0$$

imponendo:  $x_{10} = 0, x_{20} = 1$

$$0 = u_0$$

$$0 = 0$$

linearizzando i singoli termini nonlineari:

$$x_2 \sin(x_1) \approx x_{20} \sin(x_{10}) + x_{20} \cos(x_{10})\Delta x_1 + \sin(x_{10})\Delta x_2 = \Delta x_1$$

$$x_2x_1 \approx x_{20}x_{10} + x_{20}\Delta x_1 + x_{10}\Delta x_2 = \Delta x_1$$

$$x_1u \approx x_{10}u_0 + x_{10}\Delta u + u_0\Delta x_1 = 0$$

da cui:

$$\Delta \dot{x}_1 = -3\Delta x_1 + \Delta u$$

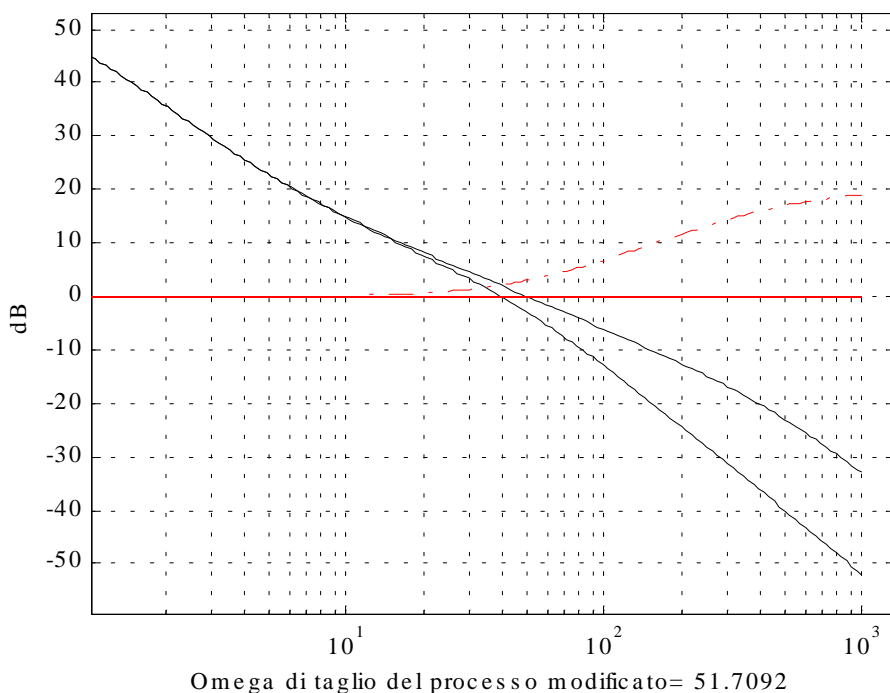
$$\Delta \dot{x}_2 = -4\Delta x_1$$

questa rappresentazione è al limite di stabilità,

avendo un autovalore negativo ed uno nullo.

# SINTESI (3)

Moduli di Processo modificato, Rete e Catena diretta



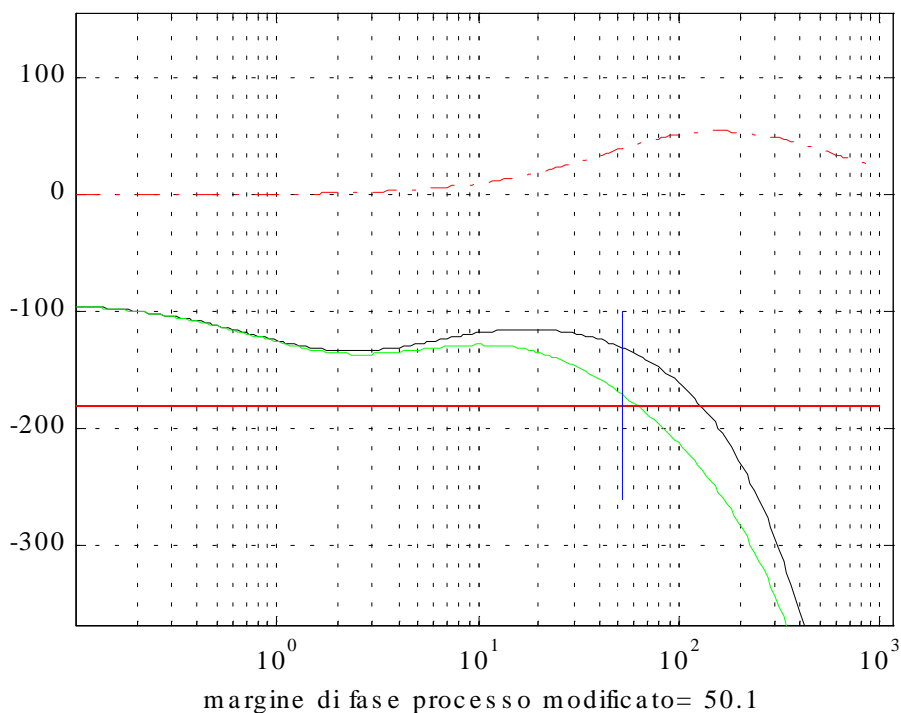
$$C(s) = \frac{100}{s} \frac{0.02s + 1}{\frac{0.02}{10}s + 1}$$

$$e = 2 \left| \frac{K_d}{1 + F(10j)} \right| \cong$$

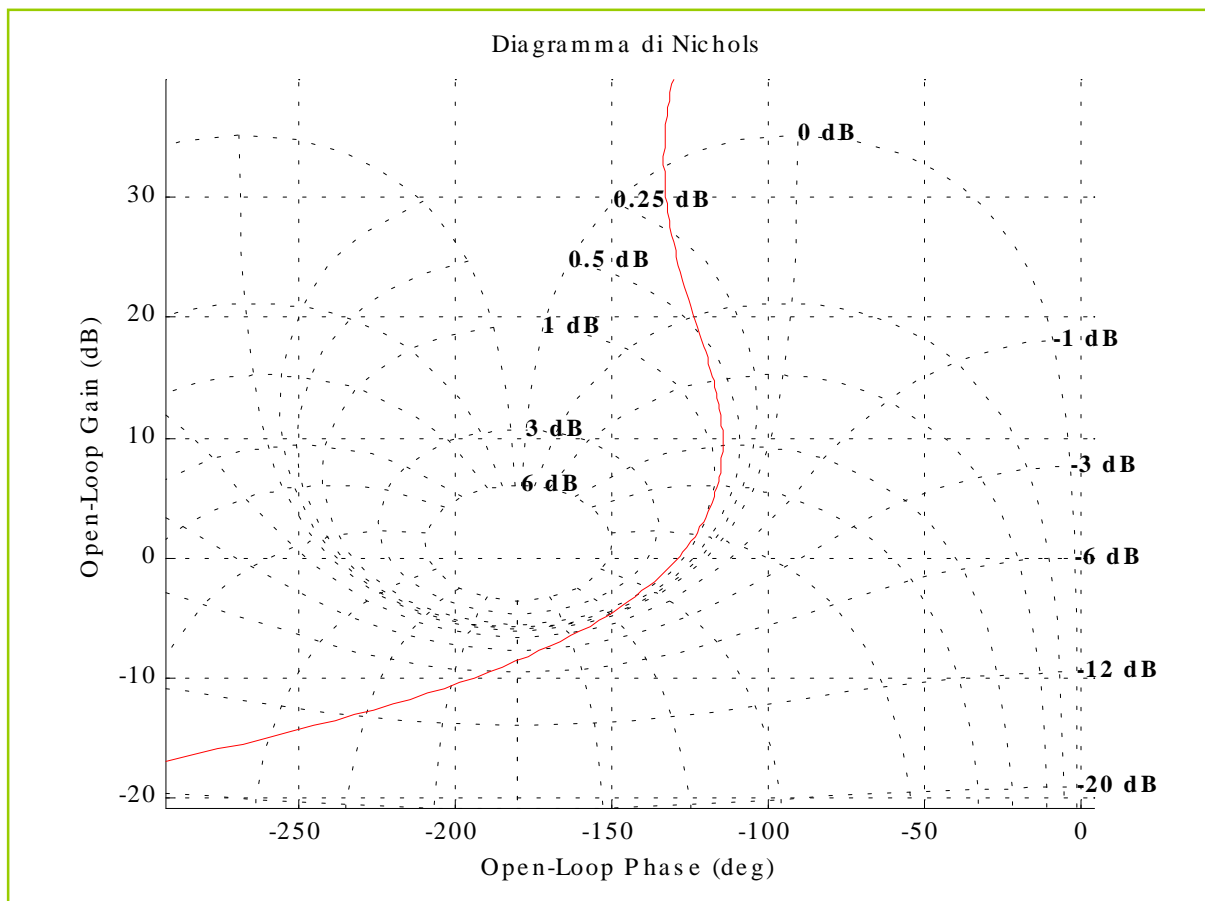
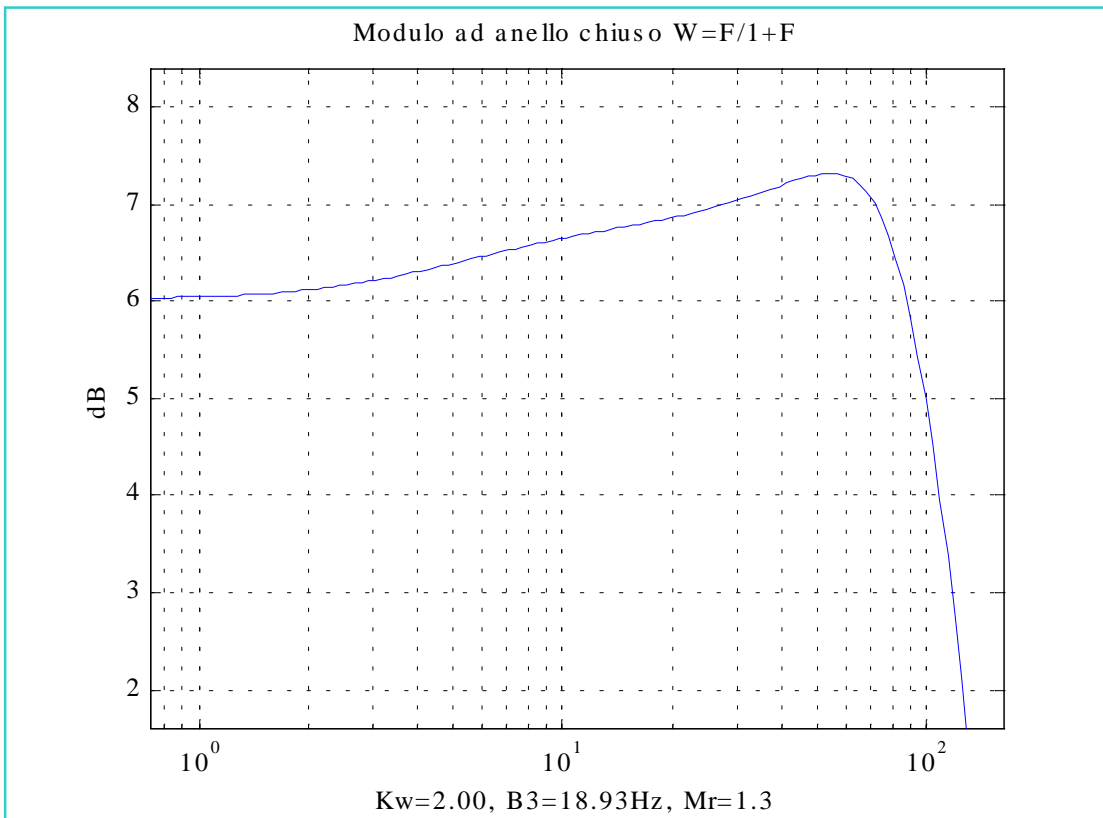
$$2 \left| \frac{2}{1 + 5.62} \right| =$$

$$= 0.6042$$

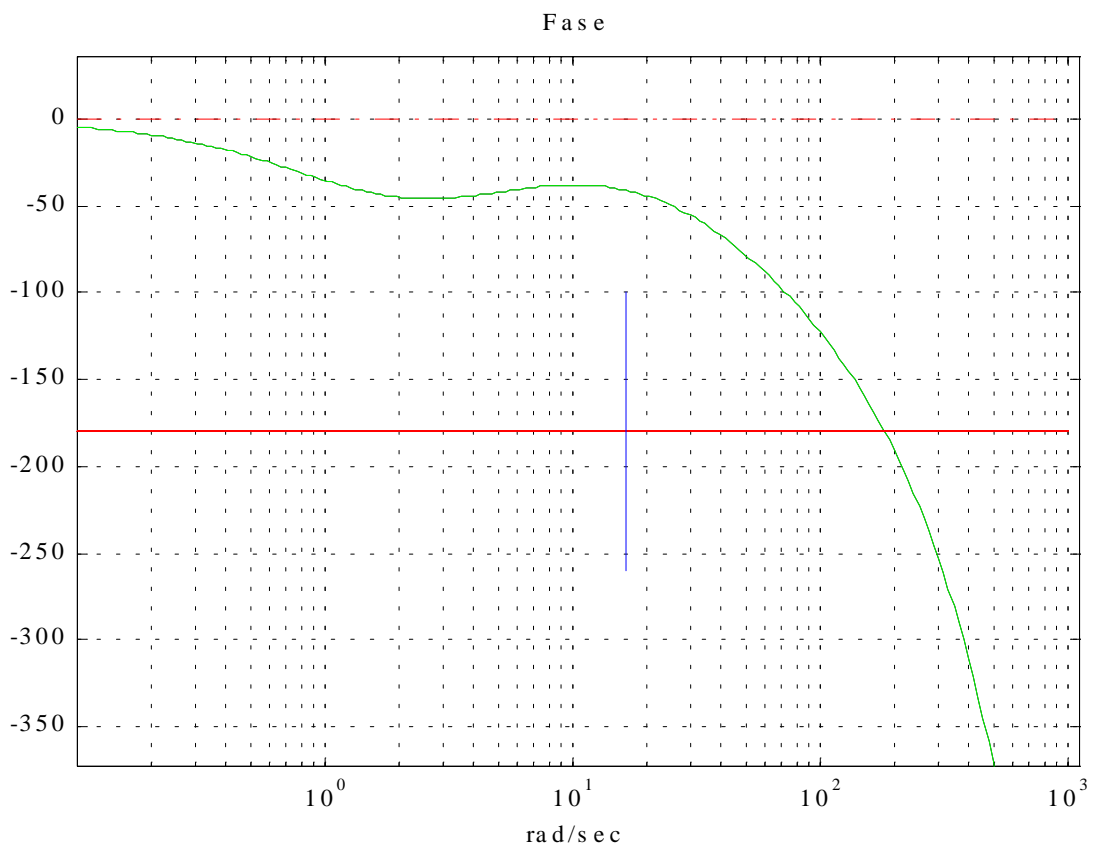
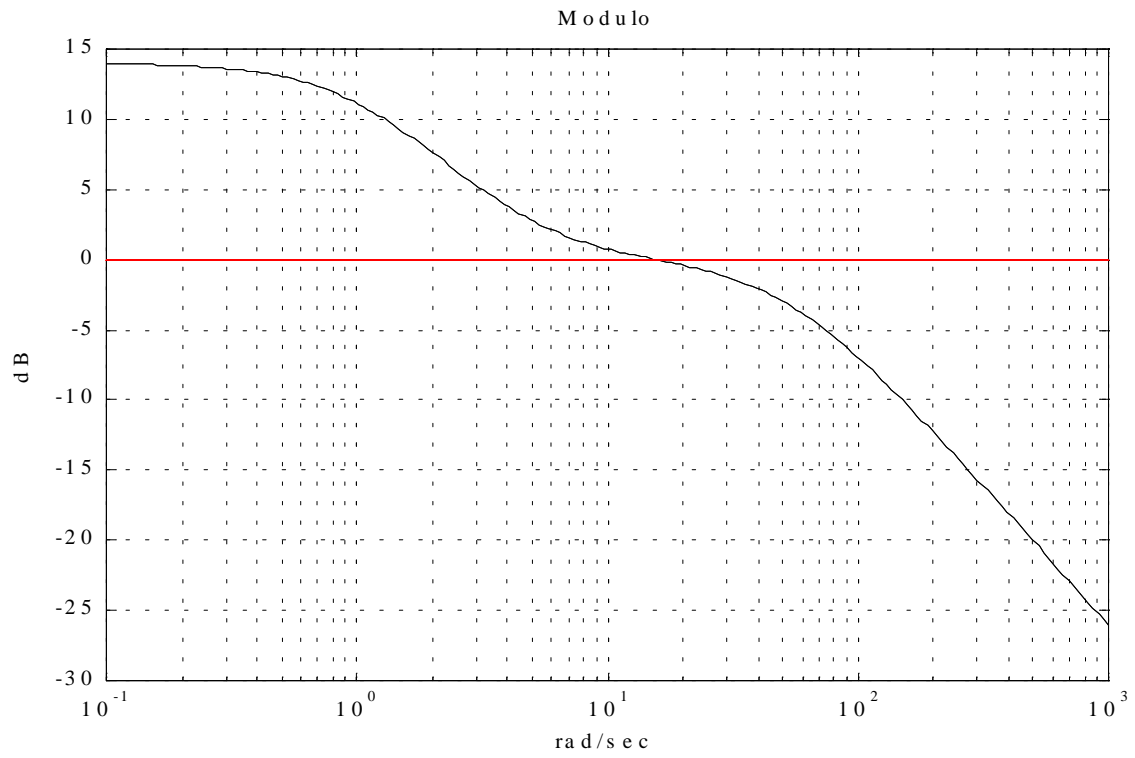
Fasi di Processo modificato, Rete e Catena diretta



# SINTESI (3)



# BODE (4)



>G(z):=1/(z-0.5);

$$G(z) := \frac{1}{z - .5}$$

> W(z):=z^(-1);

$$W(z) := 1/z$$

> D(z):=simplify(1/G(z)\*W(z)/(1-W(z)));

$$D(z) := .5 \frac{z - 1.}{z - 1.}$$

> G1(z):=0.8/(z-0.6); "il guadagno rimane 2"

$$G1(z) := .8 \frac{1}{z - .6}$$

> W1(z):=simplify(D(z)\*G1(z)/(1+D(z)\*G1(z)));

$$W1(z) := 2. \frac{z - 1.}{5. z - 4. z + 1}$$

Primi 8 campioni  
della risposta al  
Gradino:

0

0.8000

1.0400

1.0720

1.0496

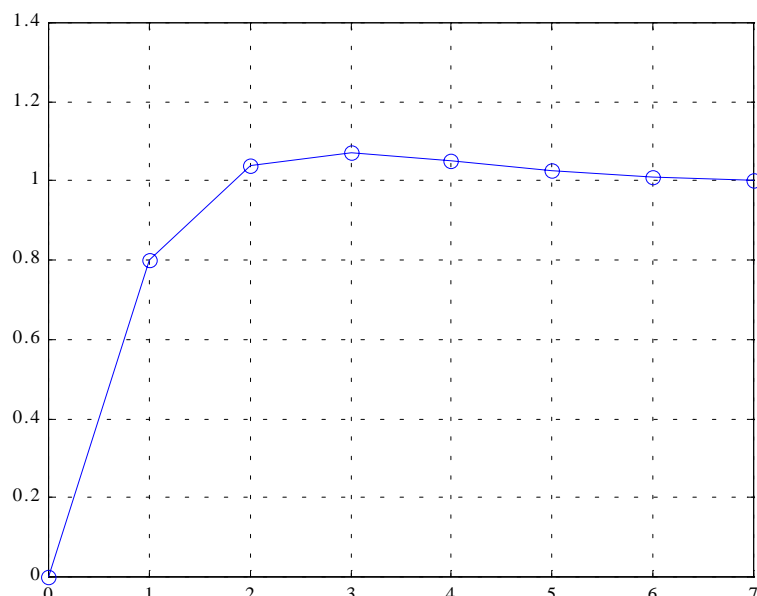
1.0253

1.0103

1.0032

Sovraelongazione:

s=0.72



# SPAZIO DI STATO (6)

$$A := \begin{bmatrix} 3 & -15 \\ 2 & -8 \end{bmatrix} \quad B := \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix} \quad C := [-4 \quad 11]$$

Calcoliamo la Funzione di Trasferimento del sistema:

$$(sI-A)^{-1} = \begin{bmatrix} \frac{8+s}{6+5s+s^2} & -15 \frac{1}{6+5s+s^2} \\ 2 \frac{1}{6+5s+s^2} & \frac{-3+s}{6+5s+s^2} \end{bmatrix}$$

$$F(s) = C(sI-A)^{-1}B = \frac{7+3s}{5s+s^2+6}$$

Abbiamo ottenuto un denominatore del secondo grado, quindi il sistema era Completamente raggiungibile ed osservabile. Adesso scomponiamo la  $F(s)$  con il metodo dei poli e dei residui:

$$F(s) := \frac{1}{s+2} + 2 \frac{1}{s+3}$$

Da questa possiamo scrivere il sistema come il parallelo di due sistemi del primo ordine:

$$A := \begin{bmatrix} -2 & 0 \\ 0 & -3 \end{bmatrix} \quad B := \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} \quad C := [1 \quad 2]$$

Calcoliamo ora la risposta impulsiva per  $t=2$  sec

$$y(2) := C \int_0^2 e^{(A\tau)} B \delta(\tau) d\tau = 2 C e^{(A \cdot 2)} B = C \begin{bmatrix} e^{(-4)} & 0 \\ 0 & e^{(-6)} \end{bmatrix} B = 6.046546287$$